

## KOMPUTASI GEOGRAPHICALLY AND TEMPORALLY WEIGHTED REGRESSION BERBASIS GRAPHICAL USER INTERFACE (GUI)

Hasbi Yasin<sup>1</sup>, Budi Warsito<sup>2</sup>, Dwi Ispriyanti<sup>3</sup>, Arief Rachman Hakim<sup>4</sup>

<sup>1,2,3,4</sup>*Departemen Statistika, Fakultas Sains dan Matematika, Universitas Diponegoro*

### Abstrak

*Geographically and Temporally Weighted Regression (GTWR) merupakan salah satu metode spatio temporal yang dikembangkan pada model regresi linier. Pengembangan dilakukan dengan menambahkan unsur spasial yang direpresentasikan dengan lokasi geografis dan penambahan unsur temporal yang diwakili oleh waktu pengamatan. Dengan metode GTWR akan diperoleh parameter bersifat lokal menurut lokasi dan waktu pengamatan. Perkembangan teknologi telah memunculkan berbagai alat bantu dalam proses analisis data. Salah satunya berkembangnya software statistik yang berbasis antarmuka berupa Graphical User Interface (GUI) untuk memudahkan pengguna. Hasil penelitian ini adalah sebuah sistem komputasi untuk proses analisis data menggunakan model GTWR baik estimasi parameter maupun inferensinya. Hasil penelitian menunjukkan bahwa dengan menggunakan GUI GTWR pengguna akan sangat dimudahkan dalam proses analisis data spasial menggunakan metode GTWR.*

**Kata kunci :** *Antar Muka, Komputasi, GTWR, GUI, Spasial, Temporal*

### Pendahuluan<sup>1</sup>

*Geographically Weighted Regression (GWR) merupakan salah satu bentuk regresi spasial dengan pembobotan berdasarkan letak geografis suatu wilayah yang diwakili oleh titik koordinat geografis (Caraka & Yasin, 2017). Estimasi parameter pada model GWR akan bersifat lokal sesuai banyaknya lokasi pengamatan (Fotheringham et al. 2002). Seiring perkembangan teori statistik, dikembangkanlah sebuah metode untuk mengakomodasi analisis model regresi untuk data yang tidak hanya bersifat spasial, tapi juga mengandung unsur time series. Metode ini dikenal dengan *Geographically and Temporally Weighted Regression (GTWR)* (Huang et al., 2010). Model GTWR merupakan model GWR yang pembobotannya didasarkan pada lokasi dan waktu pengamatan. Seringkali analisis data dengan metode GTWR dihadapkan pada keterbatasan alat komputasi yang *user friendly*. Secara umum ada dua tipe antarmuka pengguna dalam komputasi*

*statistika yaitu *Command Line Interface (CLI)* dan *Graphical User Interface (GUI)*. CLI merupakan sebuah konsol tekstual dimana pengguna mengetikkan serangkaian perintah dalam bentuk teks. Sedangkan GUI adalah sarana utama dalam berinteraksi dengan desktop, seperti Windows dan Mac OS, dan software statistika seperti JMP (SAS, 2018). Antarmuka ini berdasarkan pada paradigma *Window, Icon, Menu, dan Pointer (WIMP)* (Penners, 2005). Oleh karena itu, penelitian ini bertujuan untuk mengembangkan sebuah aplikasi komputasi berbasis GUI untuk analisis data *spatio temporal* dengan pendekatan metode GTWR.*

### Metode Penelitian

#### *Geographically and Temporally Weighted Regression (GTWR)*

Adanya pengaruh faktor lokasi pengamatan maka dikembangkan model GWR yang merupakan pengembangan dari model regresi linier dimana idenya didasarkan pada regresi nonparametrik (Mei et al., 2006). Model GWR merupakan model regresi linier

---

*E-mail: hasbiyasin@live.undip.ac.id*

bersifat lokal (*locally linier regression*) yang menghasilkan penaksir parameter yang bersifat lokal untuk setiap lokasi pengamatan. Model GWR dengan p prediktor dapat ditulis sebagai berikut :

$$y_i = S_0(u_i, v_i) + \sum_{k=1}^p S_k(u_i, v_i) x_{ik} + V_i \quad (1)$$

dengan  $y_i$  adalah nilai observasi variabel respon lokasi ke- $i$ ,  $S_k(u_i, v_i)$  adalah koefisien regresi variabel prediktor  $k$  pada pengamatan ke- $i$ , dan  $x_{ik}$  adalah nilai observasi variabel prediktor  $k$  pada pengamatan ke- $i$ ,  $v_i$  adalah nilai *error* ke- $i$ ;  $i = 0, 1, \dots, n$  dan  $k = 0, 1, \dots, p$ .

Estimasi parameter model GWR menggunakan metode *Weighted Least Squares* (WLS) yaitu dengan memberikan pembobot yang berbeda untuk setiap lokasi pengamatan. Sehingga estimator parameter untuk setiap lokasinya adalah :

$$\hat{(u_i, v_i)} = (\mathbf{X}^T \mathbf{W}(u_i, v_i) \mathbf{X})^{-1} \mathbf{X}^T \mathbf{W}(u_i, v_i) \mathbf{y} \quad (2)$$

Matriks  $\mathbf{W}(i)$  adalah matriks pembobot spasial yang diperoleh dengan fungsi kernel yaitu: fungsi jarak *Gaussian* (*Gaussian Distance Function*), fungsi *Exponential* (Lesage, 2001), fungsi *Bisquare*, dan fungsi kernel *Tricube* (Chasco et al., 2007) berdasarkan jarak euclid antar lokasi. Sedangkan untuk memilih *bandwidth* optimum digunakan metode *Cross Validation* (CV) (Ispriyanti et al., 2017).

Jika pengaruh model regresi linier tidak hanya dipengaruhi oleh lokasi, tetapi juga adanya faktor waktu pengamatan maka dikembangkan menjadi model yang sesuai adalah model GTWR yang menggabungkan pengaruh lokasi dan waktu ke dalam model regresi (Huang et al., 2010). Model GTWR

dengan p prediktor pada lokasi  $i$  dan waktu  $t$  dapat dituliskan sebagai berikut:

$$y_i = S_0(u_i, v_i, t_i) + \sum_{k=1}^p S_k(u_i, v_i, t_i) x_{ik} + V_i \quad (3)$$

dengan estimator parameter model GTWR adalah setiap lokasi dan waktu pengamatan adalah :

$$\hat{(u_i, v_i, t_i)} = (\mathbf{X}^T \mathbf{W}(u_i, v_i, t_i) \mathbf{X})^{-1} \mathbf{X}^T \mathbf{W}(u_i, v_i, t_i) \mathbf{y} \quad (4)$$

$\mathbf{W}(u_i, v_i, t_i)$  adalah matriks pembobot spasial temporal pada lokasi ke- $i$  dan waktu ke- $t$  yang disusun berdasarkan bandwith spasial temporal optimum dengan metode *Cross Validation* (CV) (Ispriyanti et al., 2016).

#### ALGORITMA PEMODELAN GTWR

Pemrograman model GTWR disusun dengan menggunakan fasilitas dari perangkat lunak MATLAB versi 7.6.0. Pemrograman dilakukan dengan tujuan untuk mempermudah proses estimasi dan pengujian hipotesis dari model GTWR. Selanjutnya, *script* fungsi GTWR dan fungsi pendukungnya dirangkai dalam suatu aplikasi antar muka dengan tampilan yang lebih komunikatif dengan menggunakan fasilitas GUI (*Graphical User Interface*) MATLAB [6].

#### Algoritma 1 : Penentuan Matriks Pembobot Spatio-Temporal

INPUT : Data  $\mathbf{y}$ ,  $\mathbf{X}$ , koordinat  $(u_i, v_i, t_i)$ , koefisien ‡ dan bandwith  $h$

OUTPUT : Matriks pembobot  $\mathbf{W}(u_i, v_i, t_i)$

Step 1 Set

$$\mathbf{W}(u_i, v_i, t_i) = \text{diag}(w_1(u_i, v_i, t_i), \dots, w_n(u_i, v_i, t_i))$$

Where:

$$w_j(u_i, v_i, t_i) = W(d_{ij}^{ST} / \dagger h)$$

(if Gaussian)

$$w_j(u_i, v_i, t_i) = \sqrt{\exp\left(-\left(d_{ij}^{ST} / h\right)^2\right)}$$

(if exponential)

$$w_j(u_i, v_i, t_i) = \begin{cases} \left(1 - \left(d_{ij}^{ST} / h\right)^2\right)^2, & \text{for } d_{ij}^{ST} \leq h \\ 0, & \text{for } d_{ij}^{ST} > h \end{cases}$$

(if Bisquare)

$$w_j(u_i, v_i, t_i) = \begin{cases} \left(1 - \left(d_{ij}^{ST} / h\right)^3\right)^3, & \text{for } d_{ij}^{ST} \leq h \\ 0, & \text{for } d_{ij}^{ST} > h \end{cases}$$

(if Tricube)

$$d_{ij}^{ST} = \sqrt{(u_i - u_j)^2 + (v_i - v_j)^2 + \dagger (t_i - t_j)^2}$$

Step 2 Set Output  $\mathbf{W}(u_i, v_i, t_i)$

STOP

**Algoritma 2 : Penentuan Koefisien † Optimum dengan Cross Validation**

INPUT : Data  $\mathbf{y}, \mathbf{X}$ , koordinat  $(u_i, v_i, t_i)$ , bandwidth  $h$ , batasan †, Matriks pembobot

OUTPUT : Koefisien † optimum

Step 1 Set  $\hat{\phantom{u}}(u_i, v_i, t_i)$  dengan Persamaan (4)

Step 2 Set  $\hat{y}_i = \mathbf{x}_i^T \hat{\phantom{u}}(u_i, v_i, t_i)$

Where  $\mathbf{x}_i^T = (1, x_{i1}, x_{i2}, \dots, x_{ip})$

Step 3 Set Output

$$CV(\dagger) = \sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_{\neq i}(\dagger))^2$$

STOP

**Algoritma 3 : Komputasi Model GTWR**

INPUT : Data  $\mathbf{y}, \mathbf{X}$ , koordinat  $(u_i, v_i, t_i)$  dan Matriks Pembobot

OUTPUT : Solusi pemodelan GTWR

Step 1 Set  $\hat{\phantom{u}}(u_i, v_i, t_i)$  dengan Persamaan (4)

Step 2 Set  $\hat{\phantom{u}} = (\mathbf{I} - \mathbf{L})\mathbf{y}$

Where  $\mathbf{I}(n \times n)$  matriks identitas

$$\mathbf{L} = \begin{pmatrix} \mathbf{x}_1^T (\mathbf{X}^T \mathbf{W}(u_1, v_1, t_1) \mathbf{X})^{-1} \mathbf{X}^T \mathbf{W}(u_1, v_1, t_1) \\ \mathbf{x}_2^T (\mathbf{X}^T \mathbf{W}(u_2, v_2, t_2) \mathbf{X})^{-1} \mathbf{X}^T \mathbf{W}(u_2, v_2, t_2) \\ \vdots \\ \mathbf{x}_n^T (\mathbf{X}^T \mathbf{W}(u_n, v_n, t_n) \mathbf{X})^{-1} \mathbf{X}^T \mathbf{W}(u_n, v_n, t_n) \end{pmatrix}$$

$$\mathbf{x}_i^T = (1, x_{i1}, x_{i2}, \dots, x_{ip})$$

Step 3 Uji kesesuaian model GTWR

$$\text{Set } F_1 = \frac{\mathbf{y}^T [(\mathbf{I} - \mathbf{H}) - (\mathbf{I} - \mathbf{L})^T (\mathbf{I} - \mathbf{L})] \mathbf{y} / v_1}{\mathbf{y}^T (\mathbf{I} - \mathbf{L})^T (\mathbf{I} - \mathbf{L}) \mathbf{y} / u_1}$$

Where  $\mathbf{H} = \mathbf{X}(\mathbf{X}^T \mathbf{X})^{-1} \mathbf{X}^T$

Step 4 Reject  $H_0$  if  $F_1 \geq F_{r, df_1, df_2}$

Where  $df_1 = \left(\frac{v_1^2}{v_2}\right), df_2 = \left(\frac{u_1^2}{u_2}\right)$

$$v_i = \text{tr} \left( \left[ (\mathbf{I} - \mathbf{H}) - (\mathbf{I} - \mathbf{S})^T (\mathbf{I} - \mathbf{S}) \right]^i \right), i = 1, 2$$

$$u_i = \text{tr} \left( \left[ (\mathbf{I} - \mathbf{S})^T (\mathbf{I} - \mathbf{S}) \right]^i \right), i = 1, 2$$

Step 5 Uji parsial pengaruh spasial temporal untuk setiap variabel prediktor

$$\text{Set } F_3 = \frac{V_k^2 / \text{tr} \left( \frac{1}{n} \mathbf{B}_k^T \left[ \mathbf{I} - \frac{1}{n} \mathbf{J} \right] \mathbf{B}_k \right)}{\text{RSS}(H_1) / u_1}$$

Where

$$V_k^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \left( \hat{S}_k(u_i, v_i, t_i) - \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \hat{S}_k(u_i, v_i, t_i) \right)^2$$

$$\mathbf{B}_k = \begin{pmatrix} \mathbf{e}_k^T [\mathbf{X}^T \mathbf{W}(u_1, v_1, t_1) \mathbf{X}]^{-1} \mathbf{X}^T \mathbf{W}(u_1, v_1, t_1) \\ \mathbf{e}_k^T [\mathbf{X}^T \mathbf{W}(u_2, v_2, t_2) \mathbf{X}]^{-1} \mathbf{X}^T \mathbf{W}(u_2, v_2, t_2) \\ \vdots \\ \mathbf{e}_k^T [\mathbf{X}^T \mathbf{W}(u_n, v_n, t_n) \mathbf{X}]^{-1} \mathbf{X}^T \mathbf{W}(u_n, v_n, t_n) \end{pmatrix}$$

$\mathbf{e}_k$  adalah vektor kolom berukuran  $(p+1)$  yang bernilai satu untuk elemen ke- $k$  dan nol untuk lainnya

Step 4 Reject  $H_0$  if  $F_3 \geq F_{r, df_1, df_2}$

Where  $df_1 = \begin{pmatrix} x_1^2 \\ x_2 \end{pmatrix}$ ,  $df_2 = \begin{pmatrix} u_1^2 \\ u_2 \end{pmatrix}$

$x_i = tr \left( \frac{1}{n} \mathbf{B}_k^T \left[ \mathbf{I} - \frac{1}{n} \mathbf{J} \right] \mathbf{B}_k \right)^i$ ,  $i = 1, 2$

Step 5 Uji parsial setiap parameter GTWR

Set  $T = \frac{\hat{S}_k(u_i, v_i, t_i)}{\uparrow \sqrt{c_{kk}}}$

Where  $\uparrow^2 = \frac{RSS(H_1)}{u_1}$

$c_{kk}$  diagonal ke- $k$  dari matrik  $\mathbf{C}_i \mathbf{C}_i^T$

$\mathbf{C}_i = (\mathbf{X}^T \mathbf{W}(u_i, v_i, t_i) \mathbf{X})^{-1} \mathbf{X}^T \mathbf{W}(u_i, v_i, t_i)$

Step 6 Reject  $H_0$  if  $|T_{hit}| > t_{r/2, df}$

Where  $df = \begin{pmatrix} u_1^2 \\ u_2 \end{pmatrix}$

Step 7 Set

$AIC_c = 2n \ln(\uparrow) + n \ln(2f) + n \left\{ \frac{n + tr(\mathbf{L})}{n - 2 - tr(\mathbf{L})} \right\}$

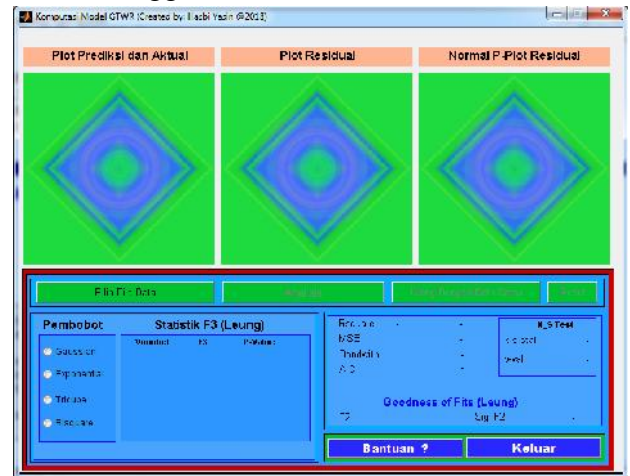
Where  $\uparrow^2 = \frac{\mathbf{y}^T (\mathbf{I} - \mathbf{L})^T (\mathbf{I} - \mathbf{L}) \mathbf{y}}{n}$

STOP

Untuk memudahkan dalam menjalankan *script* tersebut, maka disusun suatu tampilan antar muka dengan menggunakan fasilitas *Graphical User Interface* (GUI) MATLAB 7.6.0. Selanjutnya desain tersebut disusun dengan menggunakan fasilitas *GUIDE* MATLAB sehingga diperoleh tampilan antarmuka program GTWR yang dapat dilihat pada Gambar 1.

### Hasil dan Pembahasan GUI GTWR

Gambar 1 menunjukkan tampilan desain antar muka GUI metode MGWR yang disusun menggunakan software MATLAB.



Gambar 1. Tampilan GUI GTWR

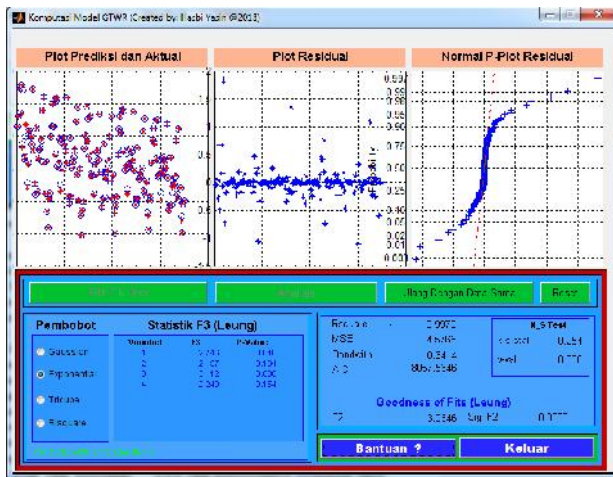
Terdapat 6 tombol untuk melakukan aplikasi model MGWR dengan rincian sebagai berikut:

- Tombol **Input Data** untuk membuka jendela *form open file* seperti dalam windows untuk memilih file data yang akan dianalisis. Nama data yang aktif akan ditampilkan pada kotak gambar *static text*. Data yang digunakan adalah data yang ditulis dalam format *Microsoft Excel*.
- Tombol **Analisis** digunakan untuk melakukan estimasi parameter dan pengujian hipotesis model GTWR sesuai dengan fungsi pembobot yang digunakan. Hasil yang berupa nilai statistik akan ditampilkan pada kotak yang bersesuaian. Selain itu, output juga ditampilkan dalam bentuk plot dan teks di jendela utama.
- Tombol **Ulangi** digunakan jika ingin melakukan ulang analisis GTWR tetapi

dengan data asal yang sama dengan proses sebelumnya. Hal ini akan mengakibatkan kotak gambar menjadi kosong, kemudian seluruh parameter masukan serta hasil yang ditampilkan dari proses sebelumnya juga hilang.

- Tombol **Reset** digunakan jika ingin melakukan ulang analisis GTWR tetapi dengan data yang berbeda dengan proses sebelumnya.
- Tombol **Bantuan?** untuk menampilkan file pdf yang merupakan petunjuk operasional program GUI.
- Tombol **Keluar** untuk mengakhiri semua proses.

Berikut adalah contoh output yang dihasilkan, seperti terlihat pada Gambar 2.



Gambar 2. Tampilan Output GUI GTWR

## Simpulan

Berdasarkan pembahasan yang telah dipaparkan dapat disimpulkan bahwa model GTWR merupakan pengembangan model GWR yang pembobotannya berdasarkan faktor lokasi dan waktu pengamatan. Hasil penelitian menunjukkan aplikasi GUI GTWR sangat membantu pengguna dalam pengolahan data spatio temporal menggunakan pendekatan GTWR. Penelitian selanjutnya diharapkan

mampu mengembangkan aplikasi GTWR untuk pembobot yang bersifat adaptif.

## Ucapan Terima Kasih

Kami sampaikan terima kasih kepada Direktorat Riset dan Pengabdian Masyarakat, Kementerian Riset, Teknologi, dan Pendidikan Tinggi Republik Indonesia atas dukungannya. Penelitian ini didanai oleh Hibah Penelitian "PTUPT" Tahun Anggaran 2018.

## Referensi

- Caraka, R.E., & Yasin, H. (2017). *Geographically Weighted Regression (GWR) Sebuah Pendekatan Regresi Geografis*, Yogyakarta: Mobius.
- Chasco, C., Garcia, I., & Vicens, J. (2007). *Modeling Spastial Variations in Household Disposable Income with Geographically Weighted Regression*, Munich Personal RePEc Arkhive (MPRA) Working Papper No. 1682.
- Fotheringham, A.S., Brunsdon, C., & Charlton, M. (2002). *Geographically Weighted Regression*, Jhon Wiley & Sons, Chichester, UK.
- Huang, B., Wu, B., and Barry, M. (2010) *Geographically and Temporally Weighted Regression for Modeling Spatio-Temporal Variation in House Prices*. International Journal of Geographical Information Science Vol. 24, No. 3, pp. 383-401.
- Ispriyanti, D., Yasin, H., & Hoyyi, (2016). *Pemodelan Unsur Pencemar Udara NO<sub>2</sub> Menggunakan Geographically and Temporally Weighted Regression*. Prosiding Seminar Nasional VARIANSI 2016, pp 34-46.
- Ispriyanti, D., Yasin, H., Warsito, B., Hoyyi, A. & Winarso, K. (2017). *Mixed Geographically Weighted Regression Using Adaptive Bandwidth to Modeling of Air Polluter Standard Index*. ARPN Journal of Engineering and Applied Sciences Vol. 12 No. 15, pp 4477-4482.

LeSage, J.P., 2001, *A Family of Geographically Weighted Regression*, Departement of Economics University of Toledo.

Leung, Y., Mei, C.L., & Zhang, W.X. (2000). *Statistic Tests for Spatial Non-Stationarity Based on the Geographically Weighted Regression Model*. *Environment and Planning A*, 32, 9-32.

Marchand, P. & Holland, O.T. (2003). *Graphics and GUI's with MATLAB 3rd Edition*, New York: Chapman & Hall/CRC.

Mei, C.L., Wang, N., & Zhang, W.X. (2006). *Testing the Importance of the Explanatory Variables in a Mixed Geographically Weighted Regression Model*, *Environment and Planning A*, Vol. 38, pp. 587-598.

Penners, R. (2005). GTK-WIMP (Windows Impersonator). Diakses 7 Juni 2018, dari: <http://gtk-wimp.sourceforge.net>

SAS Institute Inc. (2018). JMP 11: Statistical Discovery Software. Diakses 18 Mei 2018, dari <http://www.jmp.com>