



UNIVERSITAS DIPONEGORO

**ANALISA STABILITAS AEROELASTIK *FLUTTER*
PADA *ROTOR BLADE* HELIKOPTER
DALAM DOMAIN FREKUENSI**

TUGAS AKHIR

**WILLY BAHARI
L2E 006 088**

**FAKULTAS TEKNIK
JURUSAN TEKNIK MESIN**

**SEMARANG
2011**

TUGAS AKHIR

Diberikan Kepada : Nama : Willy Bahari
NIM : L2E 006 088

Dosen Pembimbing I : Dr.-Ing. Ir. Ismoyo Haryanto, MT

Dosen Pembimbing II : Dr. Achmad Widodo, ST, MT

Jangka Waktu : 9 (sembilan) bulan

Judul : Analisa Stabilitas Aeroelastik *Flutter* pada *Rotor Blade* Helikopter dalam Domain Frekuensi

Isi Tugas : 1. Menentukan kecepatan *flutter* pada *rotor blade* helikopter yang dikaji.
2. Mengetahui pengaruh kecepatan *flutter* terhadap posisi pusat massa, kecepatan putar *rotor blade* dan perbandingan kekakuan struktur torsional dan kekakuan struktur bending.

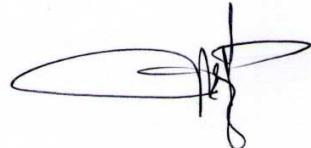
Semarang, Juli 2011

Pembimbing I



Dr.-Ing. Ir. Ismoyo Haryanto, MT
NIP. 196605212006041010

Pembimbing II



Dr. Achmad Widodo, ST, MT
NIP. 197307021999031001

HALAMAN PERNYATAAN ORISINALITAS

**Skripsi/Tesis/Disertasi ini adalah hasil karya saya sendiri,
dan semua sumber baik yang dikutip maupun yang dirujuk
telah saya nyatakan dengan benar.**

NAMA : Willy Bahari

NIM : L2E 006 088

Tanda Tangan :



Tanggal : Juli 2011

HALAMAN PENGESAHAN

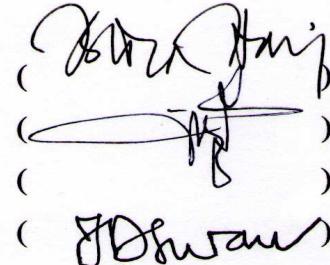
Skripsi ini diajukan oleh :

NAMA : Willy Bahari
NIM : L2E 006 088
Jurusan/Program Studi : Teknik Mesin
Judul Tugas Akhir : Analisa Stabilitas Aeroelastik *Flutter* pada *Rotor Blade*
Helikopter dalam Domain Frekuensi

Telah berhasil dipertahankan dihadapan Tim Penguji dan diterima sebagai bagian persyaratan yang diperlukan untuk memperoleh gelar Sarjana Teknik pada Jurusan/Program Studi Teknik Mesin, Fakultas Teknik, Universitas Diponegoro.

TIM PENGUJI

Pembimbing I : Dr.-Ing. Ir. Ismoyo Haryanto, MT
Pembimbing II : Dr. Achmad Widodo, ST, MT
Penguji : Ir. Dwi Basuki Wibowo, MS
Penguji : Dr. Joga Dharma Setiawan, MSc



Semarang, Juli 2011



HALAMAN PERNYATAAN PERSETUJUAN PUBLIKASI TUGAS AKHIR UNTUK KEPENTINGAN AKADEMIS

Sebagai civitas akademika Universitas Diponegoro, saya yang bertanda tangan di bawah ini :

Nama : Willy Bahari
NIM : L2E 006 088
Jurusan/Program Studi : Teknik Mesin
Departemen : Universitas Diponegoro
Fakultas : Teknik
Jenis Karya : Skripsi

demi pengembangan ilmu pengetahuan, menyetujui untuk memberikan kepada Universitas Diponegoro **Hak Bebas Royalti Noneksklusif** (*None-exclusive Royalty Free Right*) atas karya ilmiah saya yang berjudul :

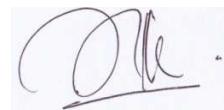
**ANALISA STABILITAS AEROELASTIK FLUTTER PADA ROTOR BLADE
HELIKOPTER DALAM DOMAIN FREKUENSI**

beserta perangkat yang ada (jika diperlukan). Dengan Hak Bebas Royalti/Noneksklusif ini Universitas Diponegoro berhak menyimpan, mengalihmedia/formatkan, mengelola dalam bentuk pangkalan data (*database*), merawat dan memublikasikan tugas akhir saya selama tetap mencantumkan nama saya sebagai penulis/pencipta dan sebagai pemilik Hak Cipta.

Demikian pernyataan ini saya buat dengan sebenarnya.

Dibuat di : Semarang
Pada Tanggal : Juli 2011

Yang menyatakan



(Willy Bahari)
NIM. L2E 006 088

HALAMAN PERSEMPAHAN

- ❖ Tugas Akhir ini Saya dedikasikan untuk ayahku, **Waluyo Saptamtomo** (Alm) yang telah melakukan tugasnya sebagai ayah yang terbaik dan menjadi panutan saya. Semoga Allah SWT memberikan tempat yang terbaik di sisi-Nya. Amin...
- ❖ Ibuku tercinta **Tri Harnani**, kedua kakakku tersayang **One Wiharyanti S.S** dan **Dwi Jayanti S.Pd**, dan seluruh saudaraku dari eyang putri, pakde bude, om tante, mas mba dan adek sepupu yang tak mungkin saya sebutkan satu persatu, atas segala cinta kasih dan pengorbanan yang tidak terkira jasanya, yang telah memberikan dukungan, semangat, do'a yang tulus ikhlas, serta kepercayaan kepada penulis untuk mengembangkan amanah yang mulia ini.
- ❖ Tambatan hatiku terkasih **Marlina**, atas cinta, perhatian, dukungan dan semangat yang telah diberikan. Semoga dapat terus memberikan kasihnya. Amin...
- ❖ Semua rekan-rekan di Jurusan Teknik Mesin Undip, kos Iwenisari 14, Imake Rayon Semarang, Diponegoro Care Center (DCC), tim KKN Undip desa Sampang 2010 yang telah menemani dan peduli kepada saya, serta banyak membantu saya di sini. Jaga terus kekompakan dan semangat juang kalian, saya akan berada dalam barisan untuk melangkah bersama kalian meraih cita-cita. **Bismillahirrohmanirrohim.....**

MOTTO

“Jangan lihat masa lampau dengan penyesalan, jangan pula lihat masa depan dengan ketakutan, tapi lihatlah sekitar anda dengan penuh kesadaran”

-James Thurber-

“Kebanyakan dari kita tidak mensyukuri apa yang sudah kita miliki, tetapi kita selalu menyesali apa yang belum kita capai”

-James Thurber-

“Belajarlah dari kesalahan orang lain. Anda tak dapat hidup cukup lama untuk melakukan semua kesalahan itu sendiri”

- Martin Vanbee-

ABSTRAK

Helikopter merupakan alat transportasi yang menggunakan *rotor blade* untuk menaikkan, menurunkan serta menentukan arahnya dari gaya angkat yang dihasilkan. Oleh sebab itu, kestabilan *rotor blade* helikopter sangat diperlukan agar mendapatkan gaya angkat yang sesuai. Penelitian dibutuhkan sebelum perancangan *rotor blade* untuk mengetahui kestabilannya. Salah satu dasar ilmu mengenai hal tersebut adalah aeroelastisitas, yang mempelajari fenomena-fenomena interaksi struktur elastis dengan gaya aerodinamik dalam aliran udara. Masalah stabilitas termasuk aspek aeroelastik dinamik. *Flutter* adalah salah satu bagian aeroelastik dinamik, merupakan ketidakstabilan aeroelastik dinamik ditandai dengan struktur mengalami osilasi berkelanjutan karena interaksi antara gaya elastik, gaya inersia dan gaya aerodinamik yang bekerja pada *rotor blade*. Tujuan tugas akhir ini adalah menentukan kecepatan *flutter* pada sebuah *rotor blade* helikopter. Menggunakan metode Holzer dan Myklestad-Prohl untuk menentukan frekuensi natural dan *mode shape* dari modus gerak *rotor blade*. Persamaan Lagrange digunakan untuk membentuk persamaan gerak *flutter*. Gaya dan momen aerodinamik *unsteady* menggunakan fungsi Theodorsen. Dan metode K digunakan untuk memecahkan solusi persamaan gerak *flutter*. Selanjutnya didapat mempelajari pengaruh kecepatan *flutter* terhadap posisi pusat massa, kecepatan putar dan kekakuan struktur.

Kata kunci: Helikopter, *rotor blade*, aeroelastisitas, aeroelastik dinamik, *flutter*, kecepatan *flutter*.

ABSTRACT

A helicopter uses rotor blade to obtain lift force for flying, landing and taking-off. Therefore, helicopter rotor blade stability is necessary to generated corresponding lift force. The research is needed to determine rotor blade stability before it's designed. The basic science is aeroelasticity, which is a study about interactions of elastic structural with aerodynamic forces in airflow. Stability problem include dynamic aeroelastic aspect. Flutter is one of them, which is a dynamic aeroelastic instability characterized by sustained oscillation of structure arising from interaction between the elastic, inertial and aerodynamic forces acting on the rotor blade. The purpose of this final project is flutter analysis to get flutter speed from a helicopter rotor blade. Holzer and Myklestad-Prohl Method is applied to determine natural frequencies and mode shapes of rotor blade motion. Lagrange equation is used to establish flutter equation of motion. Force and moment unsteady aerodynamic are applied to Theodorsen function. K method is used to solve flutter equation of motion. Then, study about influence flutter speed with center of gravity position, rotational speed and structure stiffness.

Keywords: Helicopter, rotor blade, aeroelasticity, dynamic aeroelastic, flutter, flutter speed.

KATA PENGANTAR

Segala puji syukur senantiasa penulis panjatkan kepada Allah S.W.T. karena berkat rahmat-Nya, penulis dapat menyelesaikan laporan tugas akhir ini dengan judul **“Analisa Stabilitas Aeroelastik *Flutter* pada *Rotor Blade* Helikopter dalam Domain Frekuensi”**. Tugas akhir ini merupakan salah satu syarat yang harus dipenuhi pada program strata satu (S-1) di Jurusan Teknik Mesin, Fakultas Teknik, Universitas Diponegoro Semarang.

Keberhasilan penulis dalam menyelesaikan Tugas Akhir ini tidak terlepas dari bantuan pihak-pihak yang dengan segenap hati memberikan bantuan, bimbingan dan dukungan, baik moral maupun material. Oleh karena itu, penulis mengucapkan banyak terima kasih kepada:

1. Dr. Ing. Ismoyo Haryanto, MT dan Dr. Achmad Widodo, ST, MT selaku Dosen Pembimbing, yang telah memberikan bimbingan, pengarahan dan masukan kepada penulis hingga terselesainya Tugas Akhir ini.
2. Dr Jamari, ST, MT selaku Dosen Wali, yang telah memberikan perhatian dan wejangan selama penyusun menuntut ilmu di Jurusan Teknik Mesin Fakultas Teknik Universitas Diponegoro.
3. Seluruh Dosen Teknik Mesin Universitas Diponegoro Semarang yang telah menunaikan kewajibannya dalam menyampaikan ilmu yang bermanfaat kepada penulis.

Penulis menyadari akan kekurangan dan keterbatasan pengetahuan yang dimiliki, untuk itu penulis mengharapkan saran dan kritik yang membangun dari semua pihak. Akhir kata semoga Tugas Akhir ini dapat bermanfaat bagi pembaca dan semakin menambah kecintaan serta rasa penghargaan kita terhadap Jurusan Teknik Mesin Universitas Diponegoro ini. Terima kasih.

Semarang, Juli 2011

Penulis

DAFTAR ISI

| | |
|--|------|
| HALAMAN JUDUL..... | i |
| HALAMAN TUGAS SARJANA..... | ii |
| HALAMAN PERNYATAAN ORISINALITAS..... | iii |
| HALAMAN PENGESAHAN | iv |
| HALAMAN PERNYATAAN PERSUTUJUAN PUBLIKASI | v |
| HALAMAN PERSEMBAHAN | vi |
| MOTTO | vii |
| ABSTRAK..... | viii |
| <i>ABSTRACT</i> | ix |
| KATA PENGANTAR | x |
| DAFTAR ISI..... | xi |
| DAFTAR TABEL | xiii |
| DAFTAR GAMBAR | xiv |
| NOMENKLATUR | xvi |
| | |
| BAB I PENDAHULUAN | 1 |
| 1.1. Latar Belakang Masalah..... | 1 |
| 1.2. Perumusan Masalah..... | 3 |
| 1.3. Tujuan Penulisan | 3 |
| 1.4. Batasan Masalah..... | 4 |
| 1.5. Metode Penyelesaian Masalah | 4 |
| 1.6. Sistematika Penulisan | 5 |
| | |
| BAB II DASAR TEORI | 6 |
| 2.1. Pendahuluan | 6 |
| 2.2. Aspek Aeroelastisitas dalam Perancangan <i>Rotor Blade</i> Helikopter | 9 |

| | |
|--|----|
| 2.3. Aeroelastik Dinamik <i>Flutter</i> | 10 |
| 2.4. Persamaan Gerak <i>Flutter</i> | 13 |
| 2.5. Dinamika Struktur <i>Rotor Blade</i> | 15 |
| 2.6. Gaya dan Momen Aerodinamik Tak Tunak | 16 |
| 2.7. Metode Analisa <i>Flutter</i> | 18 |
| | |
| BAB III ANALISA STABILITAS <i>FLUTTER ROTOR BLADE</i> | 19 |
| 3.1. Formulasi Metode K | 19 |
| 3.2. Penentuan Frekuensi Natural dan Modus Ragam..... | 20 |
| 3.2.1. Metode Holzer untuk Frekuensi Natural dan Modus Ragam Torsi | 21 |
| 3.2.2. Metode Myklestad-Prohl untuk Frekuensi Natural dan Modus Ragam Bending | 23 |
| 3.3. Penentuan Gaya dan Momen Aerodinamik Tak Tunak..... | 26 |
| 3.4. Prosedur Analisa | 27 |
| | |
| BAB IV HASIL DAN PEMBAHASAN | 36 |
| 4.1. Pemodelan dan Validasi..... | 36 |
| 4.2. Perhitungan Kecepatan <i>Flutter</i> | 37 |
| 4.3. Perhitungan Kecepatan <i>Flutter</i> untuk Variasi Letak Pusat Massa (CG) | 38 |
| 4.4. Perhitungan Kecepatan <i>Flutter</i> untuk Variasi Kecepatan Putar <i>Rotor</i> | 45 |
| 4.5. Perhitungan Kecepatan <i>Flutter</i> untuk Variasi Nilai GJ/EI | 49 |
| 4.5.1. Nilai GJ/EI untuk lebih dari satu..... | 49 |
| 4.5.2. Nilai GJ/EI untuk kurang dari satu..... | 54 |
| | |
| BAB V KESIMPULAN DAN SARAN..... | 58 |
| 5.1. Kesimpulan | 58 |
| 5.2. Saran..... | 58 |
| DAFTAR PUSTAKA | 59 |
| LAMPIRAN | 61 |

DAFTAR TABEL

| | | |
|------------------|--|----|
| Tabel 4.1 | Karakteristik <i>rotor blade</i> UH-60..... | 36 |
| Tabel 4.2 | Parameter <i>rotor blade</i> UH-60 | 36 |
| Tabel 4.3 | Perbandingan frekuensi natural <i>rotor blade</i> | 37 |
| Tabel 4.4 | Kecepatan <i>flutter rotor blade</i> | 43 |
| Tabel 4.5 | Perbandingan kecepatan <i>flutter</i> | 44 |
| Tabel 4.6 | Kecepatan <i>flutter</i> dan kecepatan putar radial <i>rotor blade</i> | 48 |
| Tabel 4.7 | Kecepatan <i>flutter rotor blade</i> terhadap nilai GJ/EI..... | 52 |
| Tabel 4.8 | Frekuensi natural (dalam rad/s) | 53 |

DAFTAR GAMBAR

| | | |
|--------------------|--|----|
| Gambar 2.1 | Bagian-bagian helikopter..... | 6 |
| Gambar 2.2 | Penampang <i>rotor blade</i> helikopter | 7 |
| Gambar 2.3 | Gerakan <i>collective control</i> dengan <i>collective pitch</i> | 8 |
| Gambar 2.4 | Gerakan <i>cyclic control</i> dengan <i>cyclic pitch</i> | 8 |
| Gambar 2.5 | Skema bidang aeroelastisitas | 10 |
| Gambar 2.6 | Kondisi sebelum <i>flutter</i> | 11 |
| Gambar 2.7 | Kondisi saat <i>flutter</i> | 11 |
| Gambar 2.8 | Kondisi setelah <i>flutter</i> | 12 |
| Gambar 2.9 | Plot diagram <i>flutter</i> kecepatan terhadap frekuensi | 12 |
| Gambar 2.10 | Plot diagram <i>flutter</i> kecepatan terhadap redaman | 13 |
| Gambar 2.11 | Penampang dua dimensi <i>rotor blade</i> | 13 |
| | | |
| Gambar 3.1 | Model <i>lumped-mass</i> dari batang kantilever | 20 |
| Gambar 3.2 | Diagram benda bebas untuk segmen gumpalan-massa berputar | 21 |
| Gambar 3.3 | Diagram benda bebas dari elemen gumpalan-massa <i>blade</i> | 24 |
| | | |
| Gambar 4.1 | Plot koefisien redaman terhadap kecepatan tip dan frekuensi terhadap kecepatan tip..... | 38 |
| Gambar 4.2 | Ketika CG <i>offset</i> adalah nol | 39 |
| Gambar 4.3 | Ketika CG <i>offset</i> 0,5b | 40 |
| Gambar 4.4 | Ketika CG <i>offset</i> 0,75b | 40 |
| Gambar 4.5 | Ketika CG <i>offset</i> 0,80b | 41 |
| Gambar 4.6 | Ketika CG <i>offset</i> 0,85b | 41 |
| Gambar 4.7 | Ketika CG <i>offset</i> 0,90b | 42 |
| Gambar 4.8 | Ketika CG <i>offset</i> 0,95b | 42 |
| Gambar 4.9 | Ketika CG <i>offset</i> 1b | 40 |
| Gambar 4.10 | Grafik CG <i>offset</i> terhadap Kecepatan <i>flutter</i> | 44 |

| | |
|--|----|
| Gambar 4.11 Kecepatan putar 200 RPM atau ($\Omega=20,94$ rad/s) | 45 |
| Gambar 4.12 Pada kecepatan putar 220 RPM atau ($\Omega=23,04$ rad/s) | 46 |
| Gambar 4.13 Pada kecepatan putar 240 RPM atau ($\Omega=25,13$ rad/s) | 46 |
| Gambar 4.14 Pada kecepatan putar 260 RPM atau ($\Omega=27,23$ rad/s) | 47 |
| Gambar 4.15 Pada kecepatan putar 280 RPM atau ($\Omega=29,32$ rad/s) | 47 |
| Gambar 4.16 Pada kecepatan putar 300 RPM atau ($\Omega=31,42$ rad/s) | 48 |
| Gambar 4.17 Grafik kecepatan putar terhadap kecepatan <i>flutter</i> | 49 |
| Gambar 4.18 Pada nilai GJ/EI adalah 2..... | 50 |
| Gambar 4.19 Pada nilai GJ/EI adalah 3..... | 51 |
| Gambar 4.20 Pada nilai GJ/EI adalah 4..... | 51 |
| Gambar 4.21 Pada nilai GJ/EI adalah 5..... | 52 |
| Gambar 4.22 Grafik kecepatan <i>flutter</i> terhadap nilai GJ/EI > 1..... | 53 |
| Gambar 4.23 Pada nilai GJ/EI adalah 0,8..... | 54 |
| Gambar 4.24 Pada nilai GJ/EI adalah 0,6..... | 55 |
| Gambar 4.25 Pada nilai GJ/EI adalah 0,4..... | 55 |
| Gambar 4.26 Pada nilai GJ/EI adalah 0,2..... | 56 |
| Gambar 4.27 Grafik kecepatan <i>flutter</i> terhadap nilai GJ/EI < 1..... | 56 |

NOMENKLATUR

| | | |
|------------------------------------|--|------------------|
| A | Bentuk aerodinamik dalam persamaan <i>flutter</i> | - |
| a | Non-dimensi letak sumbu elastik dari setengah <i>chord</i> | - |
| AC | Pusat aerodinamik | - |
| b | Semi- <i>chord</i> ($c/2$) | m |
| c | <i>Chord</i> | m |
| C | Koefisien redaman aerodinamik struktur | - |
| C(k) | Fungsi Theodorsen | - |
| CG | Pusat massa | - |
| cgea | Jarak antara letak CG dan letak EA | m |
| C _n , C _{n+1} | Tegangan lokal dari segmen <i>blade</i> | N |
| D | Fungsi dissipasi | |
| d | Panjang tiap segmen/elemen <i>rotor blade</i> | m |
| e | Offset/panjang engsel | m |
| EA | Sumbu elastik pada 25% <i>chord</i> | - |
| EI | Kekakuan struktur bending | N.m ² |
| F(k) | Bagian riil dari fungsi Theodorsen | - |
| g, g _h , g _a | Koefisien redaman struktur | - |
| G(k) | Bagian imajiner dari fungsi Theodorsen | - |
| GJ | Kekakuan struktur torsii | N.m ² |
| h | Perpindahan translasi (bending/ <i>heaving</i>) | m |
| H _n ⁽²⁾ (k) | Fungsi Hankel jenis kedua dari orde ke- <i>n</i> | - |
| l _n , l _{n+1} | Jarak antara konsentrasi massa <i>n</i> dan <i>n+1</i> | m |
| I _α | Momen inersia polar massa | Kg.m/m |
| I _{α1} , I _{α2} | Momen inersia polar massa general | Kg.m/m |
| J _n (k) | Fungsi Bassel jenis pertama dari orde ke- <i>n</i> | - |
| k | Frekuensi reduksi | - |

| | | |
|---|--|---------------------------------------|
| k_{kritis} | Frekuensi reduksi ketika redaman (g_i) bernilai nol | - |
| K_a | Radius polar gerakan berputar | m |
| L' | Gaya <i>Lift</i> (angkat) per unit <i>span rotor blade</i> | N |
| L_h | Komponen gaya aerodinamik bending | - |
| L_a | Komponen gaya aerodinamik torsi | - |
| m | Massa <i>rotor blade</i> persatuan panjang | kg |
| M' | Momen per unit <i>span rotor blade</i> | N.m |
| M_h | Koefisien momen aerodinamik karena bending | - |
| M_n, M_{n+1} | Momen bending segmen <i>blade</i> (metode Myklestad-Prohl) | N.m |
| M_α | Koefisien momen aerodinamik karena torsi | - |
| M_1, M_2, M_3 | Bentuk massa umum tiap derajat kebebasan | kg |
| n | 1, 2, 3, | - |
| Q_h, Q_α | Bentuk gaya-gaya umum untuk <i>rotor blade</i> | |
| Q_n | Bentuk gaya umum ke- n | |
| q_n | Koordinat normal ke- n | - |
| R | Panjang <i>blade</i> | m |
| S_n, S_{n+1} | Gaya geser dari segmen <i>blade</i> (metode Myklestad-Prohl) | N |
| S_α | Momen statik terhadap sumbu elastik | N.m |
| $S_{\alpha 11} \rightarrow S_{\alpha 32}$ | Bentuk momen statik umum | N.m |
| T | Energi Kinetik | $\text{Kg} \cdot \text{m}^2/\text{s}$ |
| T_n, T_{n+1} | Momen torsi dari segmen <i>blade</i> (metode Holzer) | N |
| U | Energi Potensial | N.m |
| V | Kecepatan <i>free-stream</i> | m/s |
| V_{fwd} | kecepatan terbang helikopter | m/s |
| V_{FL} | Kecepatan <i>flutter</i> | m/s |
| V_{tip} | Kecepatan tip helikopter | m/s |
| $Y_n(k)$ | Fungsi Bassel jenis kedua dari orde ke- n | - |
| Z | Nilai eigen komplek | - |

| | | |
|------------------------|--|---------------------------------|
| z_n, z_{n+1} | Defleksi vertikal segmen <i>blade</i> (metode Myklestad-Prohl) | m |
| α | Perpindahan rotasi (torsi/ <i>pitching</i>) | rad |
| β_n, β_{n+1} | Sudut defleksi vertikal segmen <i>blade</i> | rad |
| ϕ_h | <i>Mode shape</i> bending | - |
| ϕ_n, ϕ_{n+1} | Deformasi torsional (metode Holzer) | - |
| ϕ_a | <i>Mode shape</i> torsi | - |
| Ω | Kecepatan putar <i>rotor blade</i> | Rad/s |
| ρ | Massa jenis udara | Kg/m ³ |
| μ | Massa <i>rotor blade</i> persatuan panjang | Kg ² /m ² |
| λ | Akar-akar dari solusi nilai eigen | - |
| θ_n | Sudut <i>pitch rotor blade</i> | rad |
| θ_0 | Sudut <i>pitch</i> pangkal (<i>root</i>) | rad |
| θ_B | Sudut <i>twist</i> geometri <i>rotor blade</i> | rad |
| ω | Frekuensi osilasi | Rad/s |
| ω_h | Frekuensi natural bending | Rad/s |
| ω_a | Frekuensi natural torsi | Rad/s |
| ω_{kritis} | Frekuensi pada redaman (g_i) bernilai nol | Rad/s |