

Lembar 1

**HALAMAN PENGESAHAN**

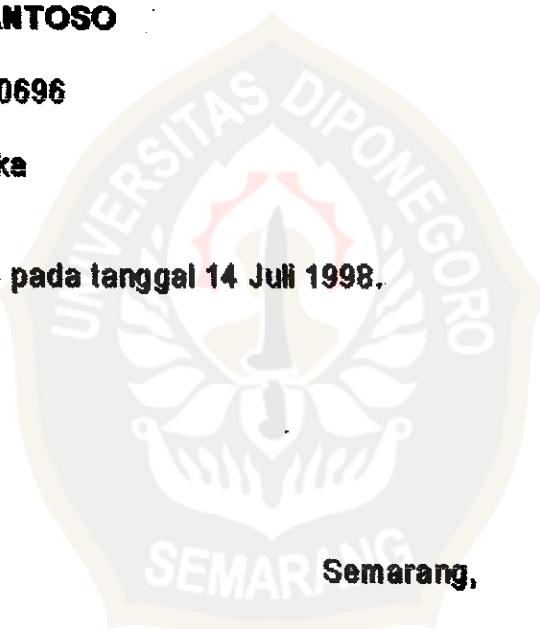
Judul : ANALISIS TAKSIRAN PARAMETER PADA MODEL  
DISTRIBUSI KETAHANAN

Nama : IMAM SANTOSO

NIM : J 101 92 0696

Jurusan : Matematika

Telah lulus ujian Sarjana pada tanggal 14 Juli 1998.



Semarang,

Juli 1998

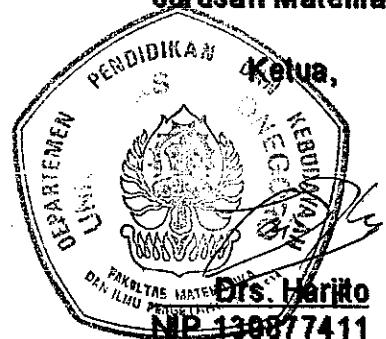
Panitia Penguji Ujian Sarjana

Jurusan Matematika

Ketua,

**Drs. Djuwandi, SU**  
**NIP.131810140**

Jurusan Matematika



Lembar 2

**HALAMAN PENGESAHAN**

Judul : ANALISIS TAKSIRAN PARAMETER PADA MODEL  
DISTRIBUSI KETAHANAN

Nama : IMAM SANTOSO

NIM : J 101 92 0696

Jurusan : Matematika

Telah selesai dan layak mengikuti ujian Sarjana.

Semarang,

July 1998

Pembimbing Anggota

Dra. Sunarsih, MSI  
NIP.131626756

Pembimbing Utama

Drs. Djuwandi, SU  
NIP.131810140

## MOTTO DAN PERSEMBAHAN

"Sesungguhnya sesudah kesulitan itu ada kemudahan"

(Alam Nasryah : 6)

"Allah meninggikan orang yang beriman diantara kamu dan orang-orang yang diberi ilmu pengetahuan beberapa derajat"

(Mujaadalah : 11)

Karya ini penulis persembahkan untuk :

- Ibu serta almarhum ayah tercinta yang telah memberikan dasar kehidupan
- Mba' Ani, Mba' Sri, dan Mas Medi tercinta
- Bambang, Nana, Ayit serta Tio tercinta
- Adhe' yang selalu ada dihatiku
- Teman-teman kost Bulusari 16

## KATA PENGANTAR

Puji dan syukur penulis panjatkan kehadirat Allah swt, yang telah melimpahkan rahmat, hidayah serta inayah kepada hamba-Nya, sehingga penulis dapat menyelesaikan penyusunan Tugas Akhir dengan judul " Analisis Taksiran Parameter pada Model Distribusi Ketahanan".

Tugas Akhir ini disusun sebagai salah satu syarat bagi penulis untuk meraih gelar sarjana strata satu pada jurusan Matematika Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam Universitas Diponegoro.

Selama penyusunan Tugas Akhir ini tentunya penulis memperoleh bantuan berupa dukungan maupun kerjasama dari berbagai pihak. Untuk itu pada kesempatan ini penulis mengucapkan terima kasih kepada :

1. Dra. Hj. Sriani Hendarko, SU, selaku Dekan FMIPA Universitas Diponegoro.
2. Drs. Harjito, selaku ketua jurusan Matematika FMIPA Universitas Diponegoro.
3. Drs. Djuwandi, SU, selaku Dosen pembimbing utama.
4. Dra. Sunarsih, MSi, selaku dosen pembimbing anggota.
5. Ibu, kakak, adik serta Sri Rejeki Kusumaningrum yang tercinta.
6. Rekan-rekan di jurusan matematika khususnya angkatan '92.

Meskipun demikian penulis menyadari penulisan tugas akhir ini jauh dari sempurna. Kritik dan saran yang bermanfaat sangat dibutuhkan oleh penulis.

Semoga penulisan tugas akhir ini memberikan kegunaan bagi semua pihak.

Semarang, Juli 1998

Penulis

## DAFTAR ISI

	Hal
Halaman Judul .....	i
Halaman Pengesahan .....	ii
Motto dan Persembahan.....	iv
Kata Pengantar .....	v
Daftar Isi.....	vi
Abstrak .....	ix
Daftar Simbol .....	x
BAB I. PENDAHULUAN .....	1
BAB II. MATERI PENUNJANG.....	4
2.1. Pengertian .....	4
2.2. Prinsip dasar metode maksimum likelihood .....	6
2.2.1. Untuk data lengkap atau data tidak tersensor....	6
2.2.2. Untuk data tidak lengkap atau data tersensor....	9
2.3. Fungsi-fungsi ketahanan. ....	11
2.3.1. Fungsi ketahanan hidup.....	11
2.3.2. Fungsi kerapatan kegagalan atau kematian... ..	13
2.3.3. Fungsi hazard.....	15
2.4. Jenis-jenis penyensoran.....	21
2.4.1. Penyensoran data secara progresif.....	22
2.4.2. Penyensoran data secara tunggal.....	24
2.5. Metode perhitungan numerik pada data ketahanan.....	26

This document is Undip Institutional Repository Collection. The author(s) or copyright owner(s) agree that UNDIP-IR may, without changing the content, translate the submission to any medium or format for the purpose of preservation. The author(s) or copyright owner(s) also agree that UNDIP-IR may keep more than one copy of this submission for purpose of security, back-up and preservation:

( <http://eprints.undip.ac.id> )

2.5.1. Metode iterasi Newton-Raphson .....	27
2.5.2. Metode interpolasi linier.....	28
2.6. Uji likelihood rasio .....	28
<b>BAB III. ANALISIS TAKSIRAN PARAMETER PADA MODEL</b>	
DISTRIBUSI KETAHANAN .....	30
3.1. Distribusi ketahanan eksponensial .....	30
3.1.1. Taksiran $\lambda$ untuk data lengkap atau data tidak tersensor .....	34
3.1.2. Taksiran $\lambda$ untuk data tidak lengkap atau data tersensor.....	37
3.1.2.1. Data tersensor secara progressif ...	37
3.1.2.2. Data tersensor secara tunggal .....	39
3.1.3. Pengujian hipotesis.....	40
3.1.4. Membandingkan dua distribusi ketahanan eksponensial.....	42
3.2. Distribusi ketahanan weibull .....	45
3.2.1. Taksiran $\lambda$ dan $\beta$ untuk data lengkap atau data tidak tersensor.....	50
3.2.2. Taksiran $\lambda$ dan $\beta$ untuk data tidak lengkap atau data tersensor.....	53
3.2.3. Membandingkan dua distribusi ketahanan weibull	54
3.3. Distribusi ketahanan gamma .....	56

3.3.1. Taksiran $\lambda$ dan $\gamma$ untuk data lengkap atau data tidak tersensor .....	60
3.3.2. Taksiran $\lambda$ dan $\gamma$ untuk data tidak lengkap atau data tersensor .....	62
BAB IV. KESIMPULAN.....	68
DAFTAR PUSTAKA.....	70
APPENDIKS.....	71-73
DAFTAR TABEL.....	74



## DAFTAR SIMBOL

- T : Variabel random waktu ketahanan
- $t_i$  : Data ketahanan ke- $i$
- $\zeta$  : Kejadian suatu eksperimen
- $\xi$  : Percobaan atau eksperimen
- $p(l)$  : Fungsi probabilitas variabel random T diskrit
- $\varsigma$  : Ruang sampel suatu eksperimen
- $\Omega$  : Ruang parameter
- $L(T/\theta)$  : Fungsi likelihood dengan parameter  $\theta$
- $\ln L(T/\theta_1, \dots, \theta_k)$ : Logaritma natural fungsi likelihood
- $L(T/\theta_1, \dots, \theta_k)$  : Fungsi Likelihood dengan k parameter
- $\frac{\partial \ln L}{\partial \theta}$  : Operator turunan logaritma natural likelihood pertama
- $\frac{\partial^2 \ln L}{\partial \theta^2}$  : Operator turunan logaritma natural likelihood kedua
- $\frac{\partial^2 \ln L}{\partial \theta_i \partial \theta_j}$  : Operator turunan logaritma natural likelihood campuran
- $\hat{\theta}$  : Taksiran maksimum likelihood parameter  $\theta$
- $n-d$  : Jumlah data pengamatan yang disensor
- $t_d$  : Data waktu ketahanan ke-d setelah diurutkan
- $d$  : Jumlah data waktu ketahanan yang gagal
- $\hat{V}_{\theta}$  : Matriks varian-kovarian
- $S(t)$  : Fungsi ketahanan hidup
- $f(t)$  : Fungsi kerapatan kegagalan atau kerapatan probabilitas
- $h(t)$  : Fungsi hazard

$C_i$	: Waktu sensor individu ke-i
$\hat{\theta}_{v+1}$	: Taksiran parameter $\theta$ pada iterasi ke $v+1$
$\delta_i$	: Informasi sensor individu ke-i
$\hat{L}(\omega)$	: Fungsi Likelihood parameter-parameter dibawah asumsi $H_0$
$\hat{L}(\Omega)$	: Fungsi Likelihood parameter-parameter dibawah asumsi $H_a$
$\Lambda$	: Uji statistik likelihood rasio
$\chi^2$	: Distribusi chi-kuadrat
$\lambda$	: Parameter distribusi ketahanan eksponensial
$\mu, \sigma^2$	: Mean sampel dan variansi sampel
$E(t)$	: Harga ekspektasi dari t
$Exp$	: Pangkat dari bilangan e
$t_i^*$	: Data ketahanan individu ke-i mengalami penyensoran
$N(\lambda, \lambda^2/n)$	: Distribusi normal yang mempunyai rata-rata $\lambda$ , dan varian $\lambda^2/n$
$\lambda$	: Parameter skala distribusi ketahanan weibull
$\beta$	: Parameter bentuk distribusi ketahanan weibull
$cv$	: Koefisien variansi
$a_{hit}$	: Uji statistik Thoman-Bain untuk parameter bentuk
$b_{hit}$	: Uji statistik Thoman-Bain untuk parameter skala
$\lambda$	: Parameter skala distribusi ketahanan gamma
$\gamma$	: Parameter bentuk distribusi ketahanan gamma
$\Gamma(\gamma)$	: Fungsi gamma
$R$	: Rasio mean geometrik dan mean aritmetika
$St_d$	: Data ketahanan yang tersensor