

**IMPLEMENTASI ALGORITMA BRANCH AND BOUND  
OLEH HOROWITZ-SAHNI UNTUK PENYELESAIAN  
MASALAH KNAPSACK**

**Santy Rahmawati**

**J2A 098 049**



Skripsi

Sebagai salah satu syarat untuk memperoleh gelar

Sarjana Sains

Pada

Program Studi Matematika

**JURUSAN MATEMATIKA  
FAKULTAS MATEMATIKA DAN ILMU PENGETAHUAN ALAM  
UNIVERSITAS DIPONEGORO  
SEMARANG  
2003**

## HALAMAN PENGESAHAN

Lembar 1

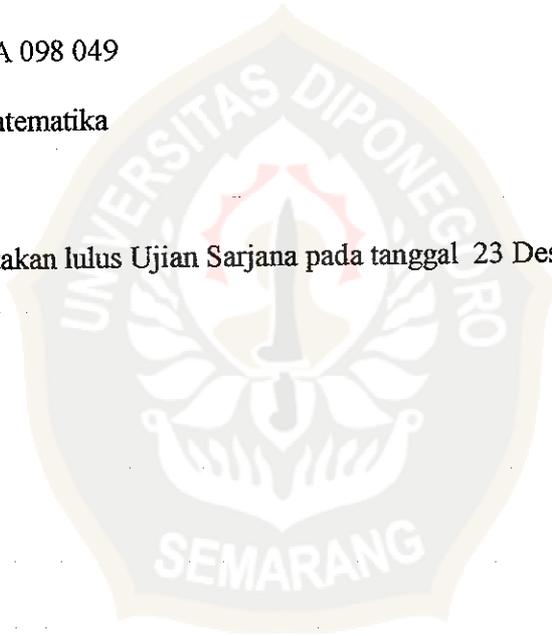
Judul : Implementasi Algoritma Branch and Bound oleh Horowitz-Sahni untuk  
Penyelesaian Masalah Knapsack

Nama : Santy Rahmawati

NIM : J2A 098 049

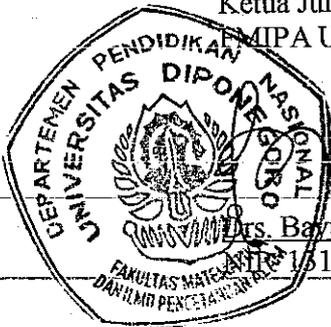
Jurusan: Matematika

Telah dinyatakan lulus Ujian Sarjana pada tanggal 23 Desember 2003



Semarang, Desember 2003  
Panitia Penguji Ujian Sarjana  
Jurusan Matematika  
Ketua

Ketua Jurusan Matematika  
MIPA UNDIP



*[Signature]*  
Drs. Bayu Surarso, M.Sc PhD  
NIP. 131 764 886

*[Signature]*  
Drs. Suhartono, MKom  
NIP. 131 285 523

## HALAMAN PENGESAHAN

Lembar 2

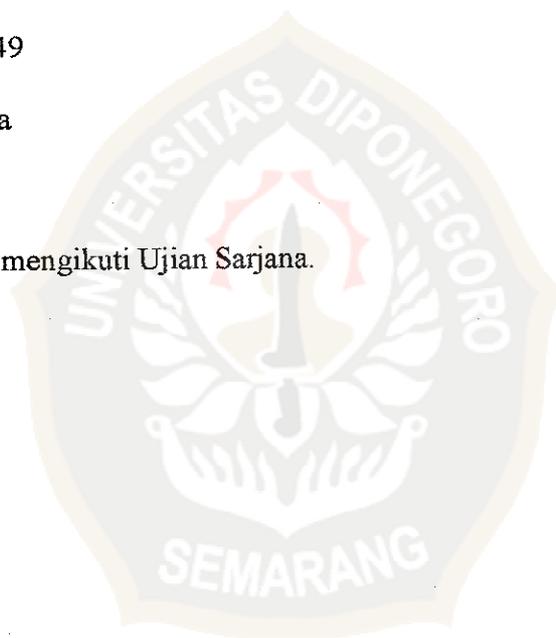
Judul : Implementasi Algoritma Branch and Bound oleh Horowitz-Sahni untuk  
Penyelesaian Masalah Knapsack

Nama : Santy Rahmawati

NIM : J2A 098 049

Jurusan : Matematika

Telah selesai dan layak mengikuti Ujian Sarjana.



Semarang, Desember 2003

Pembimbing Utama

Drs. Suhartono, MKom  
NIP.131 285 523

Pembimbing Anggota

Dra. Indriyati  
NIP.131 285 529

## KATA PENGANTAR

Alhamdulillah, segala puji syukur penulis panjatkan kehadiran Allah Ta'ala yang telah melimpahkan rahmat dan petunjuk-Nya, sehingga penulis dapat menyelesaikan Tugas Akhir ini

Penulisan Tugas Akhir ini dengan Judul **“IMPLEMENTASI ALGORITMA BRANCH AND BOUND OLEH HOROWITZ-SAHNI UNTUK PENYELESAIAN MASALAH KNAPSACK”** ini disusun sebagai salah satu syarat untuk memperoleh gelar Sarjana Strata Satu (S1) pada Jurusan Matematika Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam Universitas Diponegoro Semarang.

Penulis menyadari bahwa selesainya Tugas Akhir ini adalah tidak lepas dari bantuan beberapa pihak, oleh karena itu pada kesempatan penulis ingin menyampaikan terima kasih kepada :

1. Bapak Drs. Bayu Surarso, Msc, PhD, selaku Ketua Jurusan Matematika beserta seluruh staf Pengajar Jurusan Matematika Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam.
2. Bapak Drs. Suhartono, MKom, selaku Dosen Pembimbing I yang telah bersedia meluangkan waktu dan memberikan pengarahannya sampai terselesainya Tugas Akhir ini.

3. Ibu Dra. Indriyati, selaku Dosen Pembimbing II yang telah sabar memberikan pengarahan dan bimbingan untuk membantu penulis dalam menyelesaikan Tugas Akhir ini.
4. Bapak Drs. Solikhin Zaki, selaku Dosen wali yang telah memberikan saran dan perhatiannya selama penulis menjalani masa kuliah di Universitas Diponegoro ini.
5. Bapak Drs. Djalal Er Riyanto, MIKom, Bapak Drs. Bambang Yismanto, Bapak Aris Puji Widodo, MT dan Ibu Beta Noranita, S.Si, MKomp, selaku dosen penguji yang telah memberikan saran demi kesempurnaan Tugas Akhir ini.
6. Semua pihak yang telah memberikan dukungan kepada penulis, baik moral maupun materil.

Mengingat terbatasnya kemampuan dan pengetahuan penulis maka tentunya Tugas Akhir ini masih mengalami banyak kekurangan, baik dari segi materi maupun penyusunnya. Oleh Karena itu, penulis mengharapkan kritik dan saran demi kesempurnaan tulisan ini.

Semoga penulisan Tugas Akhir ini dapat bermanfaat untuk pengembangan ilmu Matematika dan Komputer serta berguna bagi para pembaca.

Semarang, Desember 2003

Penulis

## DAFTAR ISI

	Halaman
HALAMAN JUDUL.....	i
HALAMAN PENGESAHAN .....	ii
KATA PENGANTAR.....	iv
ABSTRAK.....	vi
ABSTRACT.....	vii
DAFTAR ISI.....	viii
DAFTAR SIMBOL .....	x
DAFTAR GAMBAR.....	xi
DAFTAR TABEL .....	xii
DAFTAR LAMPIRAN.....	xiii
<b>BAB I PENDAHULUAN</b>	
1.1 Latar Belakang .....	1
1.2 Perumusan masalah.....	2
1.3 Pembatasan Masalah.....	2
1.4 Tujuan Penulisan.....	3
1.5 Sistematika Penulisan.....	3
<b>BAB II DASAR TEORI</b>	
2.1 Graph.....	5

2.2	Pohon.....	10
2.3	Batas Atas .....	14
2.4	Algoritma .....	15
2.4.1	Pengertian Algoritma .....	15
2.4.2	Algoritma Branch and Bound .....	17

### BAB III ALGORITMA BRANCH AND BOUND UNTUK PENYELESAIAN

#### MASALAH KNAPSACK

3.1	Masalah Knapsack .....	20
3.2	Penyelesaian masalah knapsack dengan algoritma branch and bound oleh Horowitz-Sahni.....	21
3.3	Deskripsi program dengan bahasa pemrograman pascal ...	49
3.3.1	Algoritma.....	49
3.3.2	Prosedur dan Struktur Data.....	52
3.4	Input program .....	61

### BAB IV KESIMPULAN..... 66

### DAFTAR PUSTAKA.....67

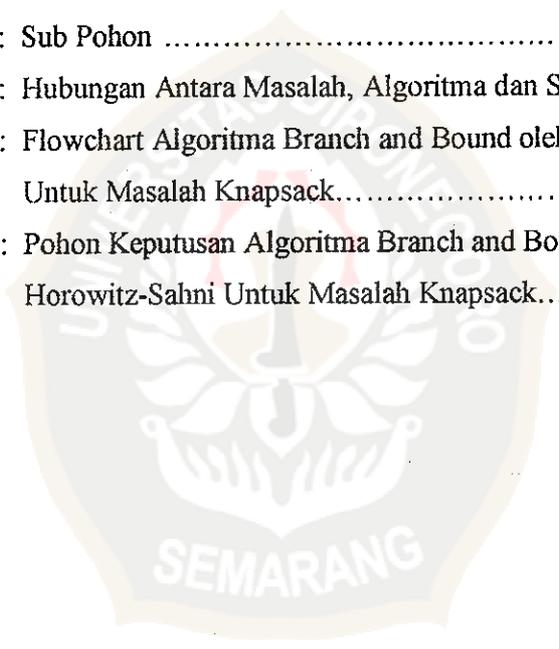
### LAMPIRAN

## DAFTAR SIMBOL

- $\cup$  : Gabungan
- $\subseteq$  : Himpunan bagian
- $\in$  : Anggota
- $\forall$  : Untuk setiap
- $=$  : Sama dengan
- $<$  : Lebih kecil
- $>$  : Lebih besar
- $\leq$  : Lebih kecil atau sama dengan
- $\Sigma$  : Jumlahan beruntun
- $\Rightarrow$  : Maka
- $\approx$  : Pembulatan
- $T$  : Pohon
- $T^*$  : Sub pohon
- $z$  : Batas atas keuntungan
- $s$  : indek barang yang dimasukkan
- $k$  : Nomor indek barang terbesar
- $i$  : Nomor indek barang
- $p_j$  : Keuntungan barang ke- $j$
- $w_j$  : Berat barang ke- $j$
- $x_j$  : Nilai keputusan barang ke- $j$
- $n$  : Banyaknya barang
- $W$  : Berat maksimum knapsack

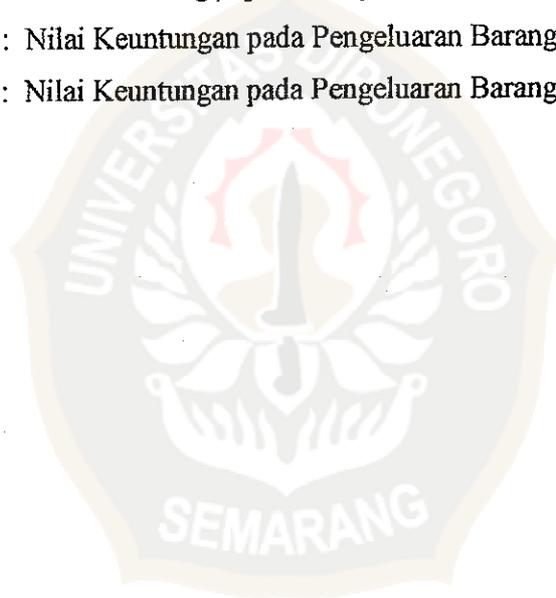
## DAFTAR GAMBAR

Gambar 2.1.1 : Graph .....	5
Gambar 2.1.2 : Graph Berarah .....	6
Gambar 2.1.3 : Jalan Dalam Graph .....	8
Gambar 2.2.1 : Pohon Berakar .....	10
Gambar 2.2.2 : Sub Pohon .....	14
Gambar 2.4.1 : Hubungan Antara Masalah, Algoritma dan Solusi .....	15
Gambar 3.2.1 : Flowchart Algoritma Branch and Bound oleh Horowitz-Sahni Untuk Masalah Knapsack.....	29
Gambar 3.2.2 : Pohon Keputusan Algoritma Branch and Bound oleh Horowitz-Sahni Untuk Masalah Knapsack.....	48



## DAFTAR TABEL

Tabel 3.2.1	: Perbandingan $p_j/w_j$ .....	31
Tabel 3.2.2	: Nilai Keputusan pada Pemasukkan Barang Ke-1,2 dan 3.....	32
Tabel 3.2.3	: Nilai Keputusan pada Pemasukkan Barang Ke-1,2,3,4,5 dan barang ke-6.....	34
Tabel 3.2.4	: Nilai Keuntungan pada Pengeluaran Barang ke-4.....	36
Tabel 3.2.5	: Nilai Keuntungan pada Pengeluaran Barang ke-2.....	40
Tabel 3.2.6	: Nilai Keuntungan pada Pengeluaran Barang ke-1.....	44



## DAFTAR LAMPIRAN

- LAMPIRAN I : LISTING PROGRAM  
LAMPIRAN II : OUTPUT PROGRAM

