ESTIMASI DATA HILANG PADA RANCANGAN BUJURSANGKAR LATIN

EVA SUGIANTO J2A 099 026

Diajukan Sebagai Salah Satu Syarat untuk Memperoleh Gelar Sarjana Program Strata Satu (S1) pada Jurusan Matematika Fakultas MIPA UNDIP

JURUSAN MATEMATIKA
FAKULTAS MATEMATIKA DAN ILMU PENGETAHUAN ALAM
UNIVERSITAS DIPONEGORO
SEMARANG
2004

i

This document is Undip Institutional Repository Collection. The author(s) or copyright owner(s) agree that UNDIP-IR may, without changing the content, translate the submission to any medium or format for the purpose of preservation. The author(s) or copyright owner(s) also agree that UNDIP-IR may keep more than one copy of this submission for purposes of security, back-up and preservation. (http://eprints.undip.ac.id)

HALAMAN PENGESAHAN

Lembar 1

Judul : Estimasi Data Hilang pada Rancangan Bujursangkar Latin

Nama : Eva Sugianto

NIM : J2A 099 026

Retna Jurusan Matematika

Telah lulus ujian sarjana pada tanggal : 16 Februari 2004

Semarang,

Maret 2004

Panitia Penguji Ujian Sarjana

Jurusan Matematika

Ketua,

Dra. Dwi Ispriyanti, M.Si

NIP 131 626 755

HALAMAN PENGESAHAN

Lembar 2

Judul : Estimasi Data Hilang pada Rancangan Bujursangkar Latin

Nama : Eva Sugianto

NIM : J2A 099 026

Telah lulus ujian sarjana pada tanggal : 16 Februari 2004

Semarang,

Maret 2004

Panitia Penguji Ujian Sarjana

Jurusan Matematika

Pembinbing,

Drs. Sudarno, M.Si

NIP 131 974 320

Ketua Pembimbing,

Dra. Dwi Ispriyanti, M.Si

NIP 131 626 755

KATA PENGANTAR

Alhamdulillah, segala puji syukur penulis panjatkan kehadirat Allah SWT yang telah melimpahkan karunia dan memberikan kekuatan, sehingga Tugas Akhir ini dapat terselesaikan.

Tugas Akhir dengan judul "Estimasi Data Hilang Pada Rancangan Bujursangkar Latin" ini disusun sebagai salah satu syarat untuk memperoleh gelar Sarjana Program Strata Satu (S1) pada jurusan Matematika F MIPA, Universitas Diponegoro.

Pada Kesempatan ini, penulis mengucapkan terima kasih kepada:

- Dra. Dwi Ispriyanti M.Si selaku Ketua Jurusan Matematika dan dosen Pembimbing I yang telah memberikan arahan dan bimbingan.
- 2. Drs. Sudarno M.Si selaku dosen Pembimbing II yang telah memberikan arahan dan bimbngan.
- 3. Drs. Agus Rusgiyono M.Si selaku dosen wali.
- 4. Semua pihak yang telah memberikan bantuan yang tidak dapat disebutkan satu persatu.

Tugas Akhir ini, baik materi maupun penulisannya masih jauh dari sempurna, untuk itu penulis menerima saran dan kritik yang membangun. Semoga Tugas Akhir ini dapat bermanfaat bagi kita semua.

Semarang.

Penulis

DAFTAR ISI

·	lalaman
HALAMAN JUDUL	i
HALAMAN PENGESAHAN	ii
KATA PENGANTAR	. iv
ABSTRAK	v
ABSTRACT	vi
DAFTAR ISI	vii
DAFTAR SIMBOL	ix
DAFTAR TABEL	xii
DAFTAR LAMPIRAN	xiii
BAB I PENDAHULUAN	1
1.1 Latar Belakang	1
1.2 Permasalahan	2
1.3 Pembatasan Permasalahan	3
1.4 Tujuan Penulisan	. 3
1.5 Sistematika Penulisan	. 3
BAB II RANCANGAN BUJURSANGKAR LATIN	. 5
2.1 Model Linier dan Estimasi Parameter	. 6
2.1.1 Model Linier	6
2.1.2 Estimasi Parameter Model	7
2.2 Analisa Statistik	12
2.3 Penguraian Jumlah Kuadrat	15
BAB III DATA HILANG DAN CARA PENANGANANNYA	. 37
3.1 Metode Estimasi Data Hilang	37
3.1.1Metode Yates	37
3.1.2 Metode Biggers	49
3.2 Pengaruh Terhadap Analisis Ragam	54
3.3 Contoh Penerapan	-60
BAR IV KESIMPI II AN	& 1

DAFTAR PUSTAKA	82
I AMPIRAN	83



viii

DAFTAR SIMBOL

${\cal Y}_{i(j)k}$	= nilai pengamatan pada baris ke-i, perlakuan ke-j dan
	kolom ke -k
μ	= nilai rata-rata keseluruhan
α_i	= pengaruh dari baris ke-i
$ au_j$	= pengaruh dari perlakuan ke-j
$oldsymbol{eta}_k$	= pengaruh dari kolom ke- k
${\cal E}_{ijk}$	= pengaruh galat percobaan pada baris ke-i, perlakuan ke-j dan
	kolom ke-k
$NID(0,\sigma^2)$	= berdistribusi normal yang saling bebas dan identik dengan rata-
	rata 0 dan variannya σ^2
t	= banyaknya baris = banyaknya perlakuan = banyaknya kolom
H_0	= hipotesi nol
H_1	= hipotesis alternatif
α	= tingkat kepercayaan / signifikan
y_{i}	= total nilai dari pengamatan pada baris ke-i
$\mathcal{Y}_{.j.}$	= total nilai dari pengamatan pada perlakuan ke-j
y_{k}	= total nilai dari pengamatan pada kolom ke-k
y	= total nilai dari seluruh pengamatan
$\overline{y}_{i.}$	= rata-rata baris ke-i
$\overline{\mathcal{Y}}_{.j.}$	= rata-rata perlakuan ke-j

```
\overline{y}_{..k}
                  = rata-rata kolom ke-k
\overline{y}_{...}
                  = rata-rata total
E(\varepsilon_{ijk})
                  = ekspektasi / nilai harapan \varepsilon_{iik}
Var\left(\varepsilon_{ijk}\right)
                 = varian / ragam \varepsilon_{iik}
S_{\bar{y}_{,j},-\bar{y}_{,j'}}
                  = galat baku dari rata - rata perlakuan ke-j dan rata - rata
                  perlakuan ke-j'
                  = banyaknya pengulangan tiap perlakuan ke-j
t_{j}
                  = banyaknya pengulangan tiap perlakuan ke-j
                  = data hilang pada baris ke-f, perlakuan ke-g dan kolom ke-h
x_{fgh}
                  = data hilang pada baris ke-l, perlakuan ke-m dan kolom ke-n
x_{lmn}
                  = total pengamatan dari baris ke-f
R_f
                  = total pengamatan dari baris ke-l
R,
T_{g}
                  = total pengamatan dari perlakuan ke-g
T_m
                  = total pengamatan dari perlakuan ke-m
                  = total pengamatan dari kolom ke-h
C_h
                  = total pengamatan dari kolom ke-n
C_n
G
                  = total pengamatan keseluruhan
                  = nilai awal pengamatan pada baris ke-i, perlakuan ke-j, dan kolom
 \hat{x}_{awal(ijk)}
                    ke-k
                  = rata-rata baris ke-i yang memuat data hilang
 \overline{x}_{i..}
\overline{x}_{.i.}
                  = rata-rata perlakuan ke-j yang memuat data hilang
```

\overline{x}_{k}	= rata-rata kolom ke-k yang memuat data hilang
p	= banyaknya pengamatan yang hilang
b_i	= banyaknya data hilang pada baris ke-i
c_{j}	= banyaknya data hilang pada perlakuan ke-j
d_k	= banyaknya data hilang pada kolom ke-k
X_{ijk}	= data hilang pada baris ke-i, perlakuan ke-j dan kolom ke-k
A	= matrik simetris berukuran $p \times p$ yang merupakan koefisien
	masing – masing data hilang
X	= matrik vektor $p \times l$ yang merupakan penduga data hilang
q	= matrik vektor $p \times l$
y_{ij}	= nilai yang dihasilkan oleh unit-unit eksperimen yang mendapat
	perlakuan ke-i dan kelompok ke-j
μ	= nilai rata-rata keseluruhan
$ au_i$	= perigaruh dari perlakuan ke-i
$\boldsymbol{\beta}_{j}$	= pengaruh dari kelompok ke-j
$oldsymbol{arepsilon}_{ij}$	= galat percobaan pada perlakuan ke-i dan kelompok ke-j
>	= lebih dari SEMARANG
a	= banyaknya perlakuan
ъ	= banyaknya kelompok

DAFTAR TABEL

	Halaman
Tabel 2.1 Bentuk Umum Rancangan Bujursangkar Latin	. 13
Tabel 2.2 Total Perlakuan	. 13
Tabel 2.2 Analisis Variansi Untuk Rancangan Bujursangkar Latin	. 34
Tabel 3.1 Koefisien dari masing-masing sekutu data hilang	53
Tabel 3.2 Analisis Variansi yang dipengaruhi data hilang	55
Tabel 3.3 Analisis Variansi Alternatif	58
Tabel 3.4 Data Penggunaan Bahan Bakar (km/lt)	61
Tahel 3.5 Analisis Variansi Contoh Penerapan	79



DAFTAR LAMPIRAN

Halamar
Lampiran 1 : Program dan output S-Plus untuk nilai estimasi
data hilang degan metode pendekatan matrik
Lampiran 2: Nilai fits dan residual data
Lampiran 3a: Plot probabilitas normal
Lampiran 3b: Plot residual dan nilai yang dicocokkan
Lampiran 4 : Plot residual dan order data
Lampiran 5: Program SAS untuk RBL dengan 25 pengamatan
(estimasi data hilang dimasukkan dalam data)
Lampiran 6: Output SAS untuk RBL dengan 25 pengamatan
(estimasi data hilang dimasukkan dalam data)
Lampiran 7: Program SAS untuk RBL dengan 21 pengamatan
(tanpa estimasi data hilang)
Lampiran 8 : Output SAS untuk RBL dengan 21 pengamatan
(t <mark>an</mark> pa estimasi data hilang)
Lampiran 9 : Program SAS untuk RAK dengan 21 pengamatan
(tanpa estimasi data hilang)
Lampiran 10: Output SAS untuk RAK 21 pengamatan
(tanpa estimasi data hilang)
Lampiran 11: Tabel distribusi F
Lampiran 12: Tabel distribusi t
Lampiran 13: Program Pascal untuk metode aproksimasi
Lampiran 14: Output Pascal untuk metode aproksimasi