

BAB IV
KESIMPULAN

Dari beberapa uraian maka dapat diambil kesimpulan sebagai berikut :

1. Model matematika dan solusi dari sistem berderajat kebebasan tunggal.

a. Sistem berderajat kebebasan tunggal tak teredam

$$m\ddot{x}+kx=0$$

Solusinya adalah $x(t) = x_0 \cos \omega t + \frac{v_0}{\omega} \sin \omega t$

dimana $\omega = \sqrt{k/m}$ frekuensi natural teredam

b. Gerak harmonis tak teredam.

$$m\ddot{x}+kx=F_0 \sin \omega t$$

Solusinya $x(t) = \frac{F_0}{k(1-r^2)} (\sin \bar{\omega} t - r \sin \omega t)$

dimana $r = \frac{\bar{\omega}}{\omega}$ adalah ratio frekuensi.

c. Sistem berderajat kebebasan tunggal teredam.

$$m\ddot{x}+c\dot{x}+kx=0$$

Solusinya $x(t) = e^{-\xi \omega t} (x_0 \cos \omega_D t + \frac{v_0 + \xi \omega x_0}{\omega} \sin \omega_D t)$

dimana $\omega_D = \omega \sqrt{1-\xi^2}$ frekuensi redaman

$$\xi = \frac{c}{2r} \text{ ratio redaman}$$

d. Gerak Harmonis teredam.

$$m\ddot{x}+c\dot{x}+kx=F_0 \sin \omega t$$

$$\text{Solusinya } x(t) = e^{-\xi \omega t} \left(x_0 \cos \omega_D t + \frac{v_0 + \xi \omega x_0}{\omega} \sin \omega_D t \right) + \frac{X_{st} \sin(\omega t - \theta)}{\sqrt{(1-r^2)^2 + (2r\xi)^2}}$$

dimana $X_{st} = \frac{F_0}{k}$ lendutan statis.

2. Deret Fourier untuk respons dari sistem berderajat kebebasan tunggal tak teredam adalah

$$x(t) = \frac{a_0}{k} + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{1-r_n^2} \left(\frac{a_n}{k} \cos n\bar{\omega}t + \frac{b_n}{k} \sin n\bar{\omega}t \right)$$

Sedangkan deret Fourier untuk respons dari sistem berderajat kebebasan tunggal teredam adalah

$$x(t) = \frac{a_0}{k} + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{(1-r_n^2)^2 + (2r_n\xi)^2}} \left[a_n \left((1-r_n^2)^2 \cos n\bar{\omega}t - 2r_n\xi \sin n\bar{\omega}t \right) + b_n \left((1-r_n^2)^2 \sin n\bar{\omega}t - 2r_n\xi \cos n\bar{\omega}t \right) \right]$$

3. Koefisien-koefisien deret Fourier untuk bagian-bagian fungsi linier sistem berderajat kebebasan tunggal adalah

$$a_0 = \frac{1}{T} \sum_{i=1}^N \left(\frac{\Delta t_i (f_i + f_{i-1})}{2} \right)$$

$$a_n = \frac{2}{T} \sum_{i=1}^N \left(\frac{1}{n\bar{\omega}} \left[f(t_{i-1}) - t_{i-1} \frac{\Delta f_i}{\Delta t_i} \right] (\sin n\bar{\omega}t_i - \sin n\bar{\omega}t_{i-1}) + \frac{\Delta f_i}{2-2} ((\cos n\bar{\omega}t_i - \cos n\bar{\omega}t_{i-1}) + n\bar{\omega} (t_i \sin n\bar{\omega}t_i - \right.$$

$$\begin{aligned}
 & n \omega \\
 & t_{i-1} \sin n \bar{\omega} t_{i-1})) \\
 b_n = & \frac{2}{T} \sum_{i=1}^N \left[- \frac{1}{n} \frac{1}{\bar{\omega}} \left[f(t_{i-1}) - t_{i-1} \frac{\Delta f_i}{\Delta t_i} \right] (\cos n \bar{\omega} t_{i-1} \right. \\
 & \left. - \cos n \bar{\omega} t_i) + \frac{\Delta f_i}{n^2 \bar{\omega}^2} ((\sin n \bar{\omega} t_i - \sin n \bar{\omega} t_{i-1}) \right. \\
 & \left. + n \bar{\omega} (t_i \cos n \bar{\omega} t_i - t_{i-1} \cos n \bar{\omega} t_{i-1})) \right] \\
 a_0 = & \frac{1}{T} \sum_{i=1}^N \left[\frac{\Delta t_i (f_i + f_{i-1})}{2} \right]
 \end{aligned}$$

4. Persamaan Koefisien Fourier diskrit adalah

$$C_n = \frac{1}{N} \sum_{j=0}^{N-1} f(t_j) e^{-2\pi (nj/N)}$$

dimana $t_j = j\Delta t$, $T = N\Delta t$, dan $\bar{\omega} = \frac{2\pi}{T}$

5. Persamaan fungsi diskrit dari gerak harmonis teredam

$$\text{adalah } x(t_j) = \sum_{n=0}^{N-1} \frac{C_n e^{i 2\pi (nj/N)}}{k(1-r_n^2 + 2i r_n \xi)}$$

$$\text{dimana } C_n = \frac{1}{N} \sum_{j=0}^{N-1} f(t_j) e^{-2\pi (nj/N)}$$