

HALAMAN PENGESAHAN

JUDUL : Aplikasi Metode Hamiltonian dalam Fungsi Kontrol

NAMA : Agus Martoyo

NIM : J 101 85 5642

Tanggal Lulus Ujian : 4 Maret 1994

Semarang, 4 Maret 1994

Jurusan Matematika

Ketua



Drs. Djuwandi, SU

NIP. 130 810 140



D.P. Matematika dan  
Ilmu Pengetahuan Alam  
Ketua

Drs. Koen Praseno, SU.

NIP. 130 675 284

HALAMAN PENGESAHAN

JUDUL : Aplikasi Metode Hamiltonian dalam Fungsi Kontrol  
NAMA : Agus Martoyo  
NIM : J 101 85 5642

Telah diujikan pada Ujian Sarjana  
Pada tanggal : 4 Maret 1994 dan  
Dinyatakan Lulus

Semarang, 4 Maret 1994

Mengetahui:  
Dosen Pembimbing Pertama

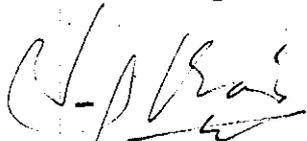
Panitia Ujian  
Ketua



Drs.H.Haryono Wiriyosadono  
NIP. 130 077 407

Drs.Mustafid,M.Eng,Ph.D.  
NIP. 130 877 409

Dosen Pembimbing Kedua



Dra.Siti Kusmardjianti  
NIP. 130 000 001

## KATA PENGANTAR

Puji syukur penulis panjatkan kehadirat Allah Subhanhu Wata'ala yang telah melimpahkan rahmat dan hidayah-Nya sehingga dapat diselesaikan skripsi ini dengan judul : "APLIKASI METODE HAMILTONIAN DALAM FUNGSI KONTROL". Skripsi ini diajukan guna melengkapi salah satu syarat untuk menyelesaikan program strata satu pada Badan Pengelola MIPA Jurusan Matematika Universitas Diponegoro.

Dalam kesempatan ini penulis mengucapkan terima kasih sedalam-dalamnya kepada yang terhormat :

1. Bapak Drs. Koen Praseno, SU, selaku Ketua Badan Pengelola MIPA UNDIP.
2. Bapak Drs. Djuwandi, SU, selaku Ketua Jurusan Matematika MIPA UNDIP.
3. Bapak Drs. H. Haryono Wiryosadono, selaku dosen pembimbing pertama.
4. Ibu Dra. Siti Kusmardjianti, selaku dosen pembimbing kedua.
5. Semua Dosen dan semua pihak yang tak dapat penulis sebutkan satu persatu.

Mengingat terbatasnya kemampuan pada diri penulis, maka tinjauan pustaka yang sederhana ini jauh dari kesempurnaan, dengan kata lain masih banyak terdapat kekurangan, untuk itu penulis mohon saran dan kritik yang membangun.

Akhirnya penulis berharap semoga skripsi ini dapat bermanfaat bagi para pembaca sekalian.

Semarang,           Maret 1994

Penulis



## DAFTAR ISI

	Halaman
HALAMAN JUDUL .....	i
HALAMAN PENGESAHAN .....	ii
ABSTRAK .....	iv
KATA PENGANTAR .....	v
DAFTAR ISI .....	vii
DAFTAR SIMBOL .....	viii
BAB I. PENDAHULUAN .....	1
BAB II. FUNGSI KONTROL DENGAN MENGGUNAKAN METODE HAMILTONIAN .....	3
2.1. Multiplikator Lagrange .....	3
2.2. Persamaan Euler .....	6
2.3. Hamiltonian .....	13
2.4. Bang-Bang Kontrol .....	16
2.5. Prinsip Pontryagin .....	21
2.6. Model Persamaan Yang Digunakan .....	24
BAB III. APLIKASI FUNGSI KONTROL .....	33
3.1. Pertumbuhan Ekonomi .....	33
3.2. Resource Depletion .....	45
3.3. Eksploitasi Populasi .....	52
3.4. Trajektori Roket .....	62
BAB IV. KESIMPULAN .....	70
DAFTAR PUSTAKA .....	71

## DAFTAR SIMBOL

1.  $\alpha$  : alpha
2.  $\beta$  : beta
3.  $\gamma$  : gamma
4.  $\delta$  : delta
5.  $\epsilon$  : epsilon
6.  $\eta$  : eta
7.  $\lambda$  : lambda
8.  $\mu$  : mu
9.  $\tau$  : upsilon
10.  $\phi$  : phi
11.  $\frac{\partial}{\partial x}$  : diferensial parsial ke x
12.  $\frac{d}{dx}$  : diferensial ke x
13.  $\dot{x} = \frac{dx}{dt}$  : diferensial x ke t
14.  $\leq$  : lebih kecil atau sama dengan
15.  $\geq$  : lebih besar atau sama dengan
16.  $[ , ]$  : interval tertutup
17.  $e$  : bilangan eksponensial
18.  $\infty$  : tidak terhingga