

BAB III

SISTEM AUTOMATA BERHINGGA

3.1. AUTOMATA BERHINGGA TERTENTU (DETERMINISTIC FINITE AUTOMATA = DFA)

Automata adalah sistem yang dapat menyajikan suatu transmisi informasi.

Definisi 3.1

Suatu automata berhingga tertentu (Deterministic Finite Automata) adalah 5-tupel $M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$ dimana :

Q adalah himpunan berhingga dari state.

State adalah suatu jumlah berhingga dari keadaan yang meringkas informasi dari input yang diperlukan untuk menentukan langkah sistem.

Σ adalah himpunan berhingga dari simbol input (alphabet).

δ adalah fungsi perubahan state. δ adalah suatu pemetaan dari $Q \times \Sigma$ ke Q .

$q_0 \in Q$ adalah suatu state awal dari sistem.

$F \subseteq Q$ adalah himpunan state akhir.

Definisi 3.2

$M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$ adalah suatu automata berhingga tertentu. Suatu pasangan (q, w) dalam $Q \times \Sigma^*$ disebut konfigurasi sistem. Konfigurasi dari bentuk (q_0, w) disebut konfigurasi awal dan suatu bentuk (q, ε) dimana $q \in F$ disebut konfigurasi akhir.

Definisi-3.3

1. $\delta(q, \epsilon) = q$, yaitu state yang tanpa membaca simbol input (input kosong) tak dapat merubah state.
2. $\delta(q, wa) = \delta(\delta(q, w), a)$ untuk suatu string w dan input a . Perubahan state akan terlebih dulu mencari perubahan state terdepan dilanjutkan untuk perubahan state untuk input dibelakangnya.

Suatu pergerakan M dapat dinyatakan dengan gambaran berupa relasi \vdash_M atau hanya dengan \vdash jika M benar-benar dilibatkan.

Jika $\delta(q, a)$ menghasilkan state q' , maka ditulis :

$$(q, aw) \vdash (q', w)$$

$C \vdash^k C'$ dikatakan bahwa konfigurasi C akan menghasilkan C' dalam k langkah. $C \vdash^0 C'$ berarti $C = C'$. $C \vdash^* C'$ berarti $C \vdash^k C'$ untuk $k \geq 0$. Dan $C \vdash^+ C'$ berarti $C \vdash^k C'$ untuk $k \geq 1$.

Suatu string input w dikatakan diterima oleh automata berhingga tertentu M jika $(q_0, w) \vdash^* (q, \epsilon)$ untuk $q \in F$.

Bahasa yang diterima oleh M , ditulis $L(M)$ adalah himpunan string input yang diterima oleh M , yaitu :

$$\begin{aligned} L(M) &= \{ w \mid w \in \Sigma^* \text{ dan } (q_0, w) \vdash^* (q, \epsilon), q \in F \} \text{ atau} \\ &= \{ w \mid w \in \Sigma^*, \delta(q_0, w) \in F \} \end{aligned}$$

Contoh 3.1

Suatu FA tertentu $M = (\{p, q, r\}, \{0, 1\}, \delta, p, r)$ dimana δ adalah :

δ		input	
		0	1
state	p	q	p
	q	r	p
	r	r	r

Apakah input 01001 diterima oleh M ?

Penyelesaian :

$$\delta(p,0) = q$$

$$\delta(p,01) = \delta(\delta(p,0),1) = \delta(q,1) = p$$

$$\delta(p,010) = \delta(\delta(p,01),0) = \delta(p,0) = q$$

$$\delta(p,0100) = \delta(\delta(p,010),0) = \delta(q,0) = r$$

$$\delta(p,01001) = \delta(\delta(p,0100),1) = \delta(r,1) = r$$

Karena $r \in F$ maka 01001 diterima oleh M

Cara lain adalah dengan menuliskan konfigurasinya, yaitu :

$$(p,01001) \vdash (q,1001)$$

$$\vdash (p,001)$$

$$\vdash (q,01)$$

$$\vdash (r,1)$$

$$\vdash (r,\epsilon)$$

(r,ϵ) adalah konfigurasi akhir sistem.

3.2 AUTOMATA BERHINGGA TAK TERTENTU (NONDETERMINISTIC FINITE AUTOMATA = NFA)

Definisi 3.4

Suatu automata berhingga tak tertentu adalah suatu automata berhingga yang memperbolehkan perubahan state yang lebih dari satu pada input yang sama.

Definisi 3.5

$M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$ adalah suatu NFA. Fungsi perubahan δ memetakan $Q \times \Sigma^*$ ke 2^Q dimana :

- 1) $\delta(q, \epsilon) = \{q\}$
- 2) $\delta(q, wa) = \delta(\delta(q, w), a)$
- 3) $\delta(P, w) = \bigcup_{q \in P} \delta(q, w)$, untuk $\forall P \subseteq Q$

Contoh 3.2

$M = (\{q_0, q_1, q_2, q_3, q_4\}, \{1, 2, 3\}, \delta, q_0, \{q_4\})$ dimana δ adalah :

δ	state	input		
		1	2	3
q_0	q_0	$\{q_0, q_1\}$	$\{q_0, q_2\}$	$\{q_0, q_3\}$
q_1	q_1	$\{q_1, q_4\}$	$\{q_1\}$	$\{q_1\}$
q_2	q_2	$\{q_1\}$	$\{q_2, q_4\}$	$\{q_2\}$
q_3	q_3	$\{q_3\}$	$\{q_3\}$	$\{q_3, q_4\}$
q_4	q_4	ϕ	ϕ	ϕ

Apakah input 12321 diterima Oleh M ?

Penyelesaian :

$$\delta(q_0, 1) = \{q_0, q_1\}$$

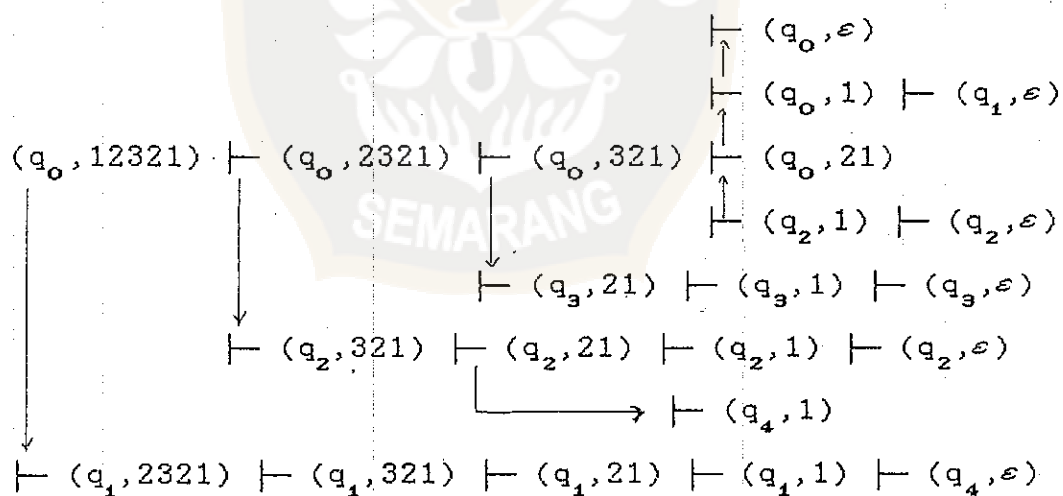
$$\begin{aligned} \delta(q_0, 12) &= \delta(\delta(q_0, 1), 2) = \delta(\{q_0, q_1\}, 2) \\ &= \delta(q_0, 2) \cup \delta(q_1, 2) \\ &= \{q_0, q_2\} \cup \{q_1\} \\ &= \{q_0, q_1, q_2\} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \delta(q_0, 123) &= \delta(\delta(q_0, 12), 3) = \delta(\{q_0, q_1, q_2\}, 3) \\ &= \delta(q_0, 3) \cup \delta(q_1, 3) \cup \delta(q_2, 3) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 &= \{q_0, q_3\} \cup \{q_1\} \cup \{q_2\} \\
 &= \{q_0, q_1, q_2, q_3\} \\
 \delta(q_0, 1232) &= \delta(\delta(q_0, 123), 2) = \delta(\{q_0, q_1, q_2, q_3\}, 2) \\
 &= \delta(q_0, 2) \cup \delta(q_1, 2) \cup \delta(q_2, 2) \cup \delta(q_3, 2) \\
 &= \{q_0, q_2\} \cup \{q_1\} \cup \{q_2, q_4\} \cup \{q_3\} \\
 &= \{q_0, q_1, q_2, q_3, q_4\} \\
 \delta(q_0, 12321) &= \delta(\delta(q_0, 1232), 1) = \delta(\{q_0, q_1, q_2, q_3, q_4\}, 1) \\
 &= \delta(q_0, 1) \cup \delta(q_1, 1) \cup \delta(q_2, 1) \cup \delta(q_3, 1) \cup \delta(q_4, 1) \\
 &= \{q_0, q_1\} \cup \{q_1, q_4\} \cup \{q_2\} \cup \{q_3\} \cup \phi \\
 &= \{q_0, q_1, q_2, q_3, q_4\}
 \end{aligned}$$

State akhir $q_4 \in \{q_0, q_1, q_2, q_3, q_4\}$ maka input 12321 diterima oleh NFA.

Cara lain



Maka 12321 adalah bahasa dalam L(M).

3.3 KESAMAAN DFA DAN NFA

Theorema 3.1

Jika L adalah himpunan bahasa yang diterima oleh NFA, maka ada suatu DFA yang menerima L.

Bukti :

Misal $M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$ adalah NFA yang menerima L .
dibentuk suatu DFA $M' = (Q', \Sigma, \delta', q_0', F')$ sebagai
berikut:

State dalam M' adalah semua subset dari himpunan
state dari M , maka $Q' = 2^Q$. F' adalah himpunan semua
state dalam Q' yang memuat suatu state akhir dari M .
Elemen dalam Q' akan ditulis dengan $[q_1, q_2, \dots, q_i]$,
dimana q_1, q_2, \dots, q_i dalam Q dan state awal $q_0 =$
 $[q_0]$.

Didefinisikan

$$\delta'([q_1, q_2, \dots, q_i], a) = [p_1, p_2, \dots, p_j]$$

bhb

$$\delta(\{q_1, q_2, \dots, q_i\}, a) = \{p_1, p_2, \dots, p_j\}$$

Yaitu, δ' dimasukkan pada elemen $[q_1, q_2, \dots, q_i]$
dari Q' , dihitung dengan memakai δ pada tiap state
dari Q yang ditulis dengan $[q_1, q_2, \dots, q_i]$. Pada
penggunaan δ pada tiap q_1, q_2, \dots, q_i dan mengambil
unionnya, didapat suatu state baru p_1, p_2, \dots, p_j .
State baru ini ditulis $[p_1, p_2, \dots, p_j]$ dalam Q' , dan
elemennya adalah harga dari $\delta'([q_1, q_2, \dots, q_i], a)$.

Akan dibuktikan dengan induksi pada panjang string
input x bahwa :

$$\delta'(q_0', x) = [[q_1, q_2, \dots, q_i]]$$

bhb

$$\delta(q_0, x) = \{q_1, q_2, \dots, q_i\}$$

Hasil benar untuk $|x| = 0$, karena $q_0' = q_0$.

Dianggap hipotesa benar untuk input dengan panjang m .
 Misal xa adalah string dengan panjang $m + 1$ dengan
 $a \in \Sigma$. Maka

$$\delta'(q_0', xa) = \delta'(\delta'(q_0', x), a)$$

dengan $\delta'(q_0', x) = [p_1, p_2, \dots, p_j]$ bhb

$$\delta(q_0, x) = \{p_1, p_2, \dots, p_j\}$$

dan dari definisi δ

$$\delta'([p_1, p_2, \dots, p_j], a) = [r_1, r_2, \dots, r_k] \text{ bhb}$$

$$\delta(\{p_1, p_2, \dots, p_j\}, a) = \{r_1, r_2, \dots, r_k\}$$

maka

$$\delta'(q_0', xa) = [r_1, r_2, \dots, r_k] \text{ bhb}$$

$$\delta(q_0, xa) = \{r_1, r_2, \dots, r_k\}$$

Jika $\delta(q_0, x)$ memuat suatu state dalam F , maka

$\delta'(q_0', x)$ dalam F' . Maka $L(M) = L(M')$.

Contoh 3.3

$M = (\{q_0, q_1\}, \{0, 1\}, \delta, q_0, \{q_1\})$ adalah suatu NFA dimana

$$\delta(q_0, 0) = \{q_0, q_1\} \quad \delta(q_1, 0) = \phi$$

$$\delta(q_0, 1) = \{q_1\} \quad \delta(q_1, 1) = \{q_0, q_1\}$$

Tentukan bentuk DFA ?

Penyelesaian :

Akan dibentuk DFA $M' = (Q, \{0, 1\}, \delta', [q_0], F')$ yang menerima $L(M)$ sebagai berikut :

Q terdiri dari semua subset $\{q_0, q_1\}$, elemen dari Q kini ditulis $[q_0], [q_1], [q_0, q_1]$ dan ϕ .

Karena $\delta(q_0, 0) = \{q_0, q_1\}$ maka $\delta'([q_0], 0) = [q_0, q_1]$

Demikian juga

$$\delta'([q_0], 1) = [q_1] \quad \delta'([q_1], 0) = \phi$$

$$\delta'([q_1], 1) = [q_0, q_1] \quad \delta'(\phi, 0) = \delta'(\phi, 1) = \phi$$

$$\delta'([q_0, q_1], 0) = [q_0, q_1]$$

$$\text{Karena } \delta(\{q_0, q_1\}, 0) = \delta(q_0, 0) \cup \delta(q_1, 0) = \{q_0, q_1\}$$

$$\text{maka } \delta'([q_0, q_1], 0) = [q_0, q_1]$$

$$\text{dan juga } \delta'([q_0, q_1], 1) = [q_0, q_1]$$

Himpunan state akhir F' adalah $\{[q_1], [q_0, q_1]\}$

$$\text{Jadi } M' = (Q, \{0, 1\}, \delta', [q_0], \{[q_1], [q_0, q_1]\})$$

Definisi 3.6

Misal M adalah suatu FA. Graph transisi dari M adalah graph dimana vertek dari graph adalah state dan ada garis berarah (p, q) jika terdapat suatu $a \in \Sigma$ sedemikian sehingga $\delta(p, a)$ memuat q .

Contoh 3.4

Suatu fungsi perubahan δ dinyatakan seperti pada tabel dibawah :

a)

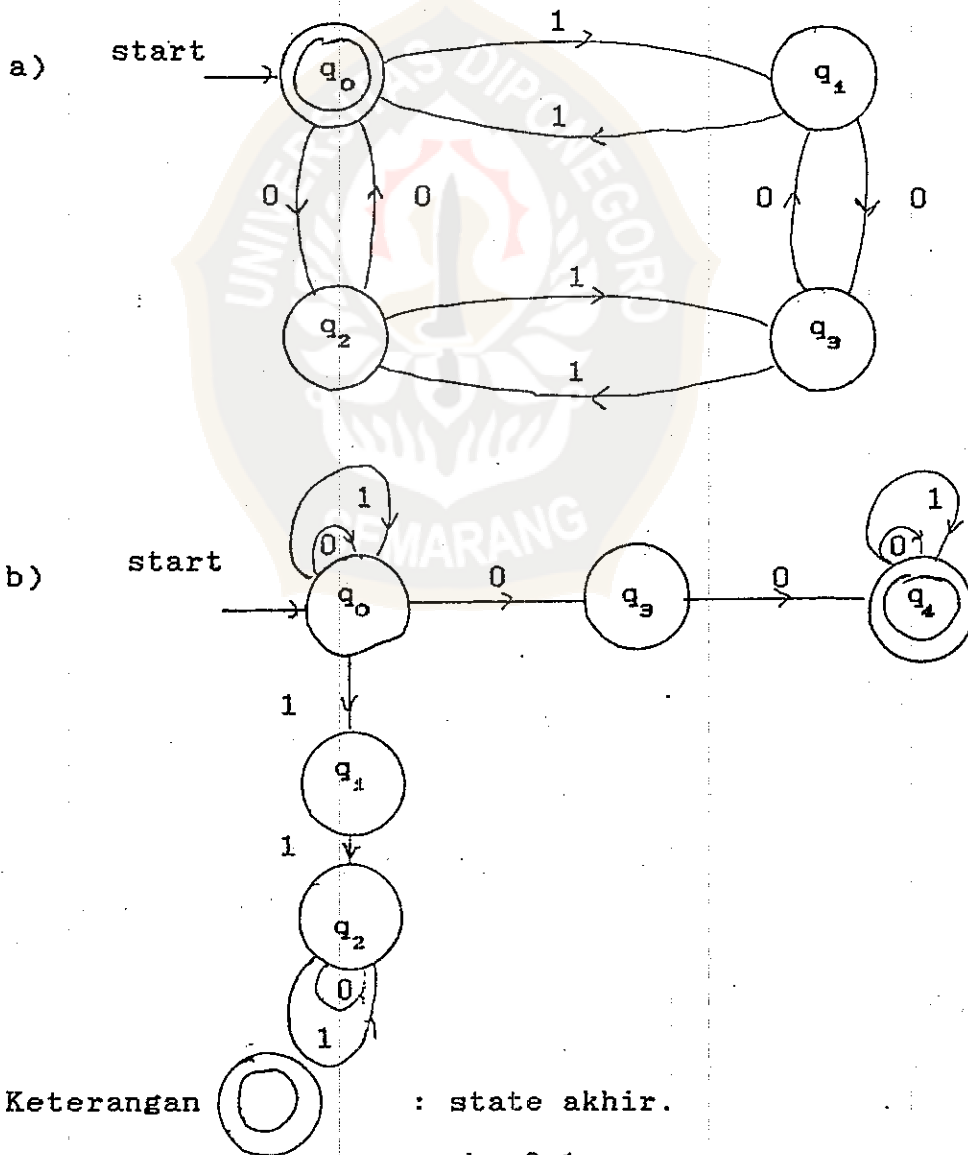
	δ	input	
		0	1
state	q_0	q_2	q_1
	q_1	q_3	q_0
	q_2	q_0	q_3
	q_3	q_1	q_2

b)

state	δ	input	
		0	1
q_0		$\{q_0, q_3\}$	$\{q_0, q_1\}$
q_1		ϕ	$\{q_2\}$
q_2		$\{q_2\}$	$\{q_2\}$
q_3		$\{q_4\}$	ϕ
q_4		$\{q_4\}$	$\{q_4\}$

Tentukan graph transisinya ?

Penyelesaian :

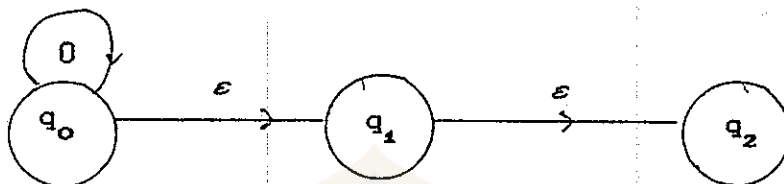


gb. 3.1

3.4 AUTOMATA BERHINGGA DENGAN PERGERAKAN - ϵ *Definisi 3.7*

Suatu Automata berhingga dengan pergerakan- ϵ adalah suatu NFA dengan fungsi perubahannya adalah pemetaan dari $Q \times (\Sigma \cup \{\epsilon\})$ ke 2^Q .

Contoh 3.5



gb. 3.2

Selanjutnya untuk melukiskan himpunan semua vertek p sehingga ada suatu lintasan dari q ke p berlabel ϵ digunakan istilah ϵ -closure(q)

Contoh 3.6

Pada gb. 3.2 diatas ϵ -closure(q_0) = $\{q_0, q_1, q_2\}$. Yaitu lintasan yang memuat q_0 itu sendiri, lintasan q_0, q_1 dan lintasan q_0, q_1, q_2 .

Definisi 3.8

P adalah himpunan state. ϵ -closure(P) adalah

$\bigcup_{q \in P} \epsilon$ -closure(q) dengan δ adalah :

- 1) $\delta(q, \epsilon) = \epsilon$ -closure(q)
- 2) Untuk $w \in \Sigma^*$ dan $a \in \Sigma$, $\delta(q, wa) = \epsilon$ -closure(P)

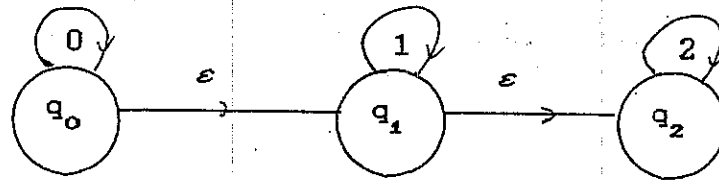
dimana $P = \{p \mid \text{suatu } r \in \delta(q, w), p \in \delta(r, a)\}$

- 3) $\delta(R, a) = \bigcup_{q \in R} \delta(q, a)$ untuk himpunan state R .

- 4) $\delta(R, w) = \bigcup_{q \in R} \delta(q, w)$, $w \in \Sigma^*$

Contoh 3.7

Suatu fungsi perubahan state digambarkan seperti pada graph transisi dibawah.



maka tentukan state pada input 01 ?

Penyelesaian:

$$\begin{aligned}
 \delta(q_0, \epsilon) &= \epsilon\text{-closure}(q_0) = \{q_0, q_1, q_2\} \\
 \delta(q_0, 0) &= \epsilon\text{-closure}(\delta(\{q_0, q_1, q_2\}, 0)) \\
 &= \epsilon\text{-closure}(\delta(q_0, 0) \cup \delta(q_1, 0) \cup \delta(q_2, 0)) \\
 &= \epsilon\text{-closure}(\{q_0\} \cup \phi \cup \phi) \\
 &= \epsilon\text{-closure}(\{q_0\}) = \{q_0, q_1, q_2\} \\
 \delta(q_0, 01) &= \epsilon\text{-closure}(\delta(\delta(q_0, 0), 1)) \\
 &= \epsilon\text{-closure}(\delta(\{q_0, q_1, q_2\}, 1)) \\
 &= \epsilon\text{-closure}(\delta(q_0, 1) \cup \delta(q_1, 1) \cup \delta(q_2, 1)) \\
 &= \epsilon\text{-closure}(\{q_1\}) = \{q_1, q_2\}
 \end{aligned}$$

3.5 KESAMAAN NFA DENGAN PERGERAKAN- ϵ DAN TANPA PERGERAKAN- ϵ

Theorema 3.2

Jika L diterima oleh NFA dengan pergerakan- ϵ maka L diterima oleh NFA tanpa pergerakan- ϵ .

Bukti :

Misal $M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$ adalah NFA dengan pergerakan- ϵ , akan dibentuk $M' = (Q, \Sigma, \delta', q_0, F)$ dimana :

$$F' = \begin{cases} F \cup \{q_0\} & \text{jika } \varepsilon\text{-closure}(q_0) \text{ memuat suatu} \\ & \text{state dari } F. \\ F & \text{untuk yang lain.} \end{cases}$$

$\delta'(q, a)$ adalah $\delta(q, a)$ untuk $q \in Q$ dan $a \in \Sigma$.

Akan ditunjukkan dengan induksi pada $|x|$ bahwa $\delta'(q_0, x) = \delta(q_0, x)$.

Pernyataan ini mungkin tidak benar untuk $x = \varepsilon$, karena $\delta'(q_0, \varepsilon) = \{q_0\}$. Dan $\delta(q_0, \varepsilon) = \varepsilon\text{-closure}(q_0)$. Maka induksi dimulai dari 1.

Untuk $|x| = 1$, maka x suatu simbol misal a . sehingga $\delta'(q_0, a) = \delta(q_0, a)$ dari definisi δ' .

Untuk $|x| > 1$. Misal $x = wa$ untuk simbol $w \in \Sigma^*$, $a \in \Sigma$. Maka $\delta'(\cdot, wa) = \delta'(\delta'(q_0, w), a)$. Dengan hipotesa induksi, $\delta'(q_0, w) = \delta(q_0, w)$, misalkan $\delta(q_0, w) = P$. Maka harus ditunjukkan bahwa $\delta'(P, a) = \delta(q_0, wa)$.

Tetapi $\delta'(P, a) = \bigcup_{q \in P} \delta'(q, a) = \bigcup_{q \in P} \delta(q, a)$
maka untuk $P = \delta(q_0, w)$ didapat $\bigcup_{q \in P} \delta(q, a) = \delta(q_0, wa)$
menurut aturann 2) daari definisi δ , maka

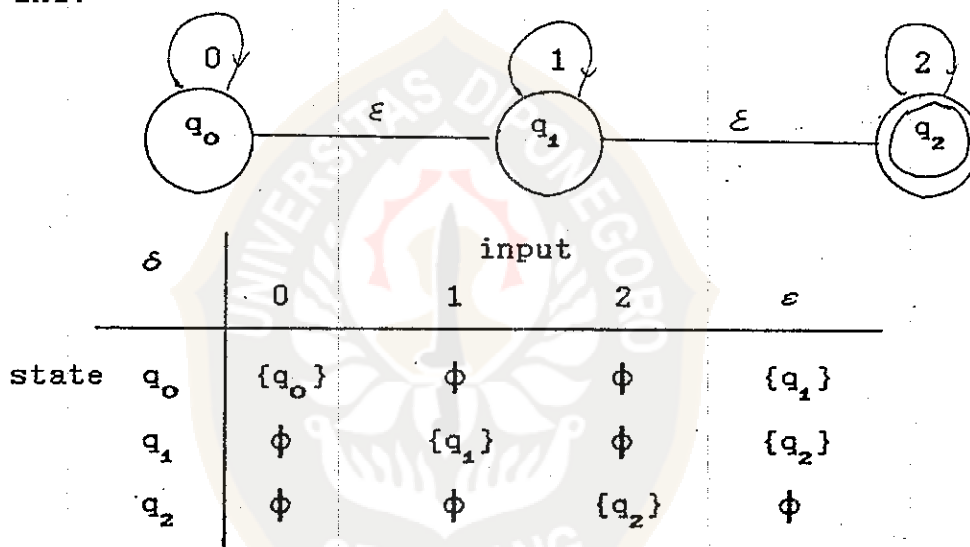
$$\delta'(q_0, wa) = \delta(q_0, wa)$$

Untuk melengkapi bukti akan ditunjukkan bahwa $\delta'(q_0, x)$ memuat suatu state dari F' jika dan hanya jika $\delta(q_0, x)$ memuat suatu state dari F . Jika $x = \varepsilon$, $\delta'(q_0, \varepsilon) = \{q_0\}$, dan q_0 diletakkan dalam F' karena $\delta(q_0, \varepsilon)$, dimana $\varepsilon\text{-closure}(q_0)$ memuat suatu state (mungkin q_0) dalam F . Jika $x \neq \varepsilon$, maka $x = wa$. Jika $\delta(q_0, x)$ memuat state dari F maka tentu $\delta'(q_0, x)$ memuat state yang sama dalam F' . Kebalikannya, jika $\delta'(q_0, x)$ memuat suatu state dalam F' yang lain dari

q_0 , maka $\delta(q_0, x)$ memuat suatu state dalam F . Jika $\delta'(q_0, x)$ memuat q_0 , dan q_0 tidak dalam F , maka sebagaimana $\delta(q_0, x) = \varepsilon\text{-closure}(\delta(\delta(q_0, w), a))$, suatu state dalam $\varepsilon\text{-closure}(q_0)$ dan dalam F , pasti dalam $\delta(q_0, x)$.

Contoh 3.8

Suatu NFA dengan pergerakan- ε dimana diagram fungsi perubahan δ dapat dilihat pada gambar 3.4 dibawah ini.



Ubahlah ke bentuk NFA tanpa pergerakan- ε ?

Penyelesaian :

Dibentuk δ' untuk NFA tanpa pergerakan- ε , dimana

$$\delta'(q_0, x) = \delta(q_0, x).$$

$$\delta(q_0, \varepsilon) = \varepsilon\text{-closure}(q_0) = \{q_0, q_1, q_2\}$$

$$\delta(q_0, 0) = \varepsilon\text{-closure}(\delta(\delta(q_0, \varepsilon), 0))$$

$$= \varepsilon\text{-closure}(\delta(\{q_0, q_1, q_2\}, 0))$$

$$= \varepsilon\text{-closure}(\delta(q_0, 0) \cup \delta(q_1, 0) \cup \delta(q_2, 0))$$

$$= \varepsilon\text{-closure}(\{q_0\} \cup \phi \cup \phi)$$

$$= \varepsilon\text{-closure}(\{q_0\}) = \{q_0, q_1, q_2\}$$

$$\begin{aligned}
\delta(q_0, 1) &= \varepsilon\text{-closure}(\delta(\delta(q_0, \varepsilon), 1)) \\
&= \varepsilon\text{-closure}(\delta(\{q_0, q_1, q_2\}, 1)) \\
&= \varepsilon\text{-closure}(\delta(q_0, 1) \cup \delta(q_1, 1) \cup \delta(q_2, 1)) \\
&= \varepsilon\text{-closure}(\phi \cup \{q_1\} \cup \phi) \\
&= \varepsilon\text{-closure}(q_1) = \{q_1, q_2\}
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\delta(q_0, 2) &= \varepsilon\text{-closure}(\delta(\delta(q_0, \varepsilon), 2)) \\
&= \varepsilon\text{-closure}(\delta(\{q_0, q_1, q_2\}, 2)) \\
&= \varepsilon\text{-closure}(\delta(q_0, 2) \cup \delta(q_1, 2) \cup \delta(q_2, 2)) \\
&= \varepsilon\text{-closure}(\phi \cup \phi \cup \{q_2\}) \\
&= \varepsilon\text{-closure}(q_2) = \{q_2\}
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\delta(q_1, 0) &= \varepsilon\text{-closure}(\delta(\delta(q_1, \varepsilon), 0)) \\
&= \varepsilon\text{-closure}(\delta(\{q_1, q_2\}, 0)) \\
&= \varepsilon\text{-closure}(\delta(q_1, 0) \cup \delta(q_2, 0)) \\
&= \varepsilon\text{-closure}(\phi \cup \phi) \\
&= \varepsilon\text{-closure}(\phi) = \phi
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\delta(q_1, 1) &= \varepsilon\text{-closure}(\delta(\delta(q_1, \varepsilon), 1)) \\
&= \varepsilon\text{-closure}(\delta(\{q_1, q_2\}, 1)) \\
&= \varepsilon\text{-closure}(\delta(q_1, 1) \cup \delta(q_2, 1)) \\
&= \varepsilon\text{-closure}(\{q_1\} \cup \phi) \\
&= \varepsilon\text{-closure}(q_1) = \{q_1, q_2\}
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\delta(q_1, 2) &= \varepsilon\text{-closure}(\delta(\delta(q_1, \varepsilon), 2)) \\
&= \varepsilon\text{-closure}(\delta(\{q_1, q_2\}, 2)) \\
&= \varepsilon\text{-closure}(\delta(q_1, 2) \cup \delta(q_2, 2)) \\
&= \varepsilon\text{-closure}(\phi \cup \{q_2\}) \\
&= \varepsilon\text{-closure}(q_2) = \{q_2\}
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\delta(q_2, 0) &= \varepsilon\text{-closure}(\delta(\delta(q_2, \varepsilon), 0)) \\
&= \varepsilon\text{-closure}(\delta(q_2, 0)) \\
&= \varepsilon\text{-closure}(\phi) = \phi
\end{aligned}$$

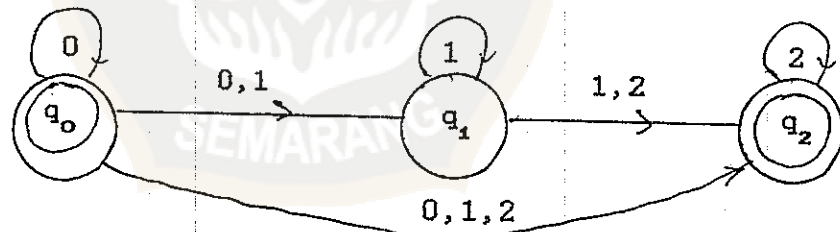
$$\begin{aligned}\delta(q_2, 1) &= \varepsilon\text{-closure}(\delta(\delta(q_2, \varepsilon), 1)) \\ &= \varepsilon\text{-closure}(\delta(\{q_2\}, 1)) \\ &= \varepsilon\text{-closure}(\phi) = \phi\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\delta(q_2, 2) &= \varepsilon\text{-closure}(\delta(\delta(q_2, \varepsilon), 2)) \\ &= \varepsilon\text{-closure}(\delta(\{q_2\}, 2)) \\ &= \varepsilon\text{-closure}(q_2) = \{q_2\}\end{aligned}$$

Karena $\delta'(q, x) = \delta(q, x)$ maka tabel untuk δ' dapat ditunjukkan sebagai berikut :

δ		input		
		0	1	2
state	q_0	$\{q_0, q_1, q_2\}$	$\{q_1, q_2\}$	$\{q_2\}$
	q_1	ϕ	$\{q_1, q_2\}$	$\{q_2\}$
	q_2	ϕ	ϕ	$\{q_2\}$

Dan graph perubahannya



Himpunan state akhir F' memuat q_2 karena ada dalam F dan juga memuat q_0 . Karena $\varepsilon\text{-closure}(q_0)$ dan mempunyai state q_0 .