

PROSES BRANCHING

S K R I P S I

Diajukan Kepada Jurusan Matematika Fakultas Teknik  
Universitas Diponegoro Sebagai Syarat Untuk  
Memperoleh Gelar Sarjana Matematika

Disusun Oleh :

S U T I M I N

J 101 83 5090

SEMARANG

Disetujui :

Tanggal, 19 Juni 1989

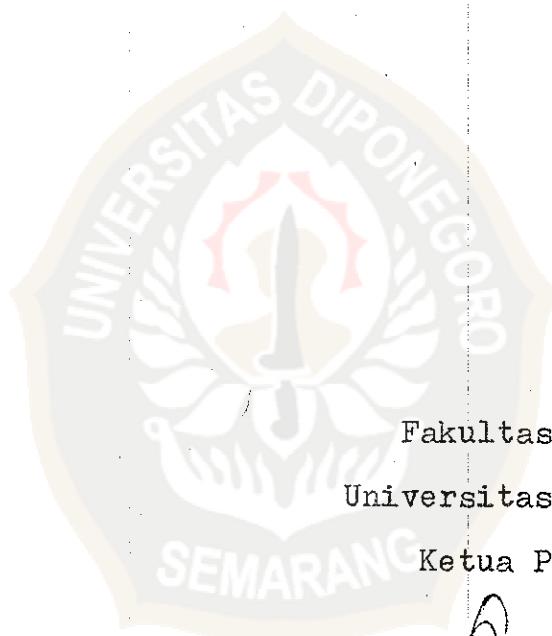
Dosen Pembimbing



Diterima oleh Panitia Penguji Fakultas Teknik Universitas Diponegoro Semarang, untuk memenuhi syarat guna memperoleh gelar Sarjana Matematika pada :

Hari : Senin

Tanggal : 19 Juni 1989



Fakultas Teknik  
Universitas Diponegoro

Ketua Penguji

( Drs. Soetomo )

NIP: 130 324 143

Anggota Penguji :

1. Drs. Ketut Sudana Tanaya
2. Drs. Moh. Dahlan
3. Drs. Putut S. W.
4. Drs. Bayu Surarso

5. Ir. Moh. Munir

This document is Undip Institutional Repository Collection. The author(s) or copyright owner(s) agree that UNDIP-IR may, without changing the content, submit the submission to any medium or format for the purpose of preservation. The author(s) or copyright owner(s) also agree that UNDIP-IR may keep more than one copy of this submission for purpose of security, back-up and preservation:

( <http://eprints.undip.ac.id> )

## KATA PENGANTAR

Puji syukur kehadirat Allah swt. yang telah melimpahkan rahmat, karunia dan hidayah-Nya kepada kami, sehingga kami dapat menyelesaikan tugas akhir ini.

Selain itu, ucapan terimakasih yang sebesar-besarnya kami sampaikan kepada semua pihak yang telah memberikan bantuannya kepada kami selama ini, terutama kepada :

1. Yang terhormat Bp. Ketut Sudana Tanaya selaku Ketua Jurusan Matematika Fakultas Teknik UNDIP, dan juga sebagai pembimbing tugas akhir ini.
2. Yang terhormat Bapak dan Ibu dosen di Jurusan Matematika Fakultas Teknik UNDIP yang mendidik kami selama dua di bangku Perguruan Tinggi.
3. Yang tercinta Ayah, Ibu, dan teman-teman kami, yang telah banyak memberikan dorongan mental kepada kami.

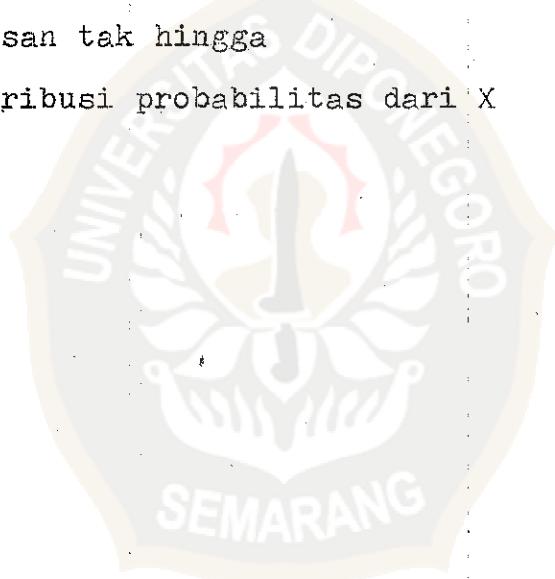
Semoga Tuhan Yang Maha Tahu membalas budi baiknya.

Sejalan dengan ini, kami menyadari kekurangan yang ada pada diri kami, oleh karena itu kami mengharapkan koreksi dan saran yang bersifat membangun dari pembaca sekalian, sehubungan dengan kekurang sempurnaan tugas akhir ini.

Akhirnya kami mengharapkan agar buku ini dapat membantu pengetahuan bagi pembaca pada umumnya dan bagi kami pribadi pada khususnya.

## DAFTAR KATA-KATA SUKAR DARI LAMBANG

- N : Himpunan bilangan bulat positif  
R : Himpunan semua bilangan real  
 $[a, b]$  : Selang tertutup  
 $(a, b)$  : Selang terbuka  
 $D_f, E_f$  : Daerah asal fungsi f, daerah nilai fungsi f  
 $\llbracket x \rrbracket$  : Fungsi bilangan bulat terbesar  
 $\Omega, \Omega, \omega$  : Ruang event, ruang sampel, titik sampel  
 $\langle s_n \rangle$  : Barisan tak hingga  
 $P_X$  : Distribusi probabilitas dari X



## DAFTAR ISI

HALAMAN JUDUL .....	i
HALAMAN PERSETUJUAN .....	ii
HALAMAN PENGESAHAN .....	iii
KATA PENGANTAR .....	iv
ABSTRAK .....	v
DAFTAR KATA-KATA SUKAR DARI LAMBANG .....	vi
DAFTAR ISI .....	vii
 BAB I PENDAHULUAN .....	1
BAB II MATERI PENUNJANG .....	3
II.1. KONSEP-KONSEP PENTING .....	3
II.2. FUNGSI PROBABILITAS .....	3
II.3. PENGERTIAN RANDOM VARIABEL DISKRIT .....	6
II.3.1. DISTRIBUSI PROBABILITAS .....	7
II.3.2. EKSPEKTASI DAN VARIANSI .....	9
II.3.3. INDEPENDENET RANDOM VARIABEL .....	11
II.4. BEBERAPA TEOREMA DASAR .....	11
II.5. BARISAN MONOTON .....	16
II.6. DERET TAK HINGGA .....	17
II.7. TEOREMA FUNGSI KONTINU DAN TERDEFERENSIAL...	18
BAB III PROSES BRANCHING .....	23
III.1. PROSES BRANCHING DISKRIT .....	23
III.1.1. PROBABILITAS GENERASI .....	23
III.1.2. FUNGSI GENERATING .....	32
III.1.3. EKSPEKTASI DAN VARIANSI DARI $G_{\mu}$ ...	37
III.2. PROBABILITAS KEPUNAHAN .....	45
III.2.1. PERTIDAKSAMAAN YANG PENTING .....	45
III.2.2. KEPUNAHAN ( EXTINCTION ) .....	46
 BAB IV KESIMPULAN .....	63
DAFTAR PUSTAKA .....	64